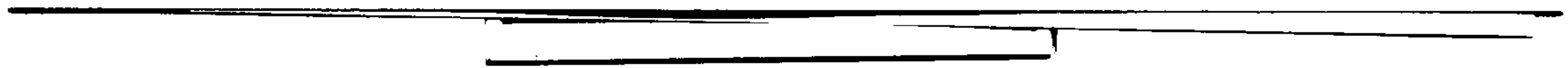


v II sedmici nastave
- predavanja sa primjerima -



8. D'Alembertov princip

D'Alembertov princip predstavlja rezultat nastojanja da se dinamičke jednačine u formalnom smislu zapišu u obliku statičkih jednačina.

8.1 D'Alembertov princip za tačku

Posmatrajmo, prvo, neslobodnu tačku mase m na kojoj djeluju aktivne sile čija je rezultanta \vec{F}^a , osnovnu jednačinu dinamičke tačke

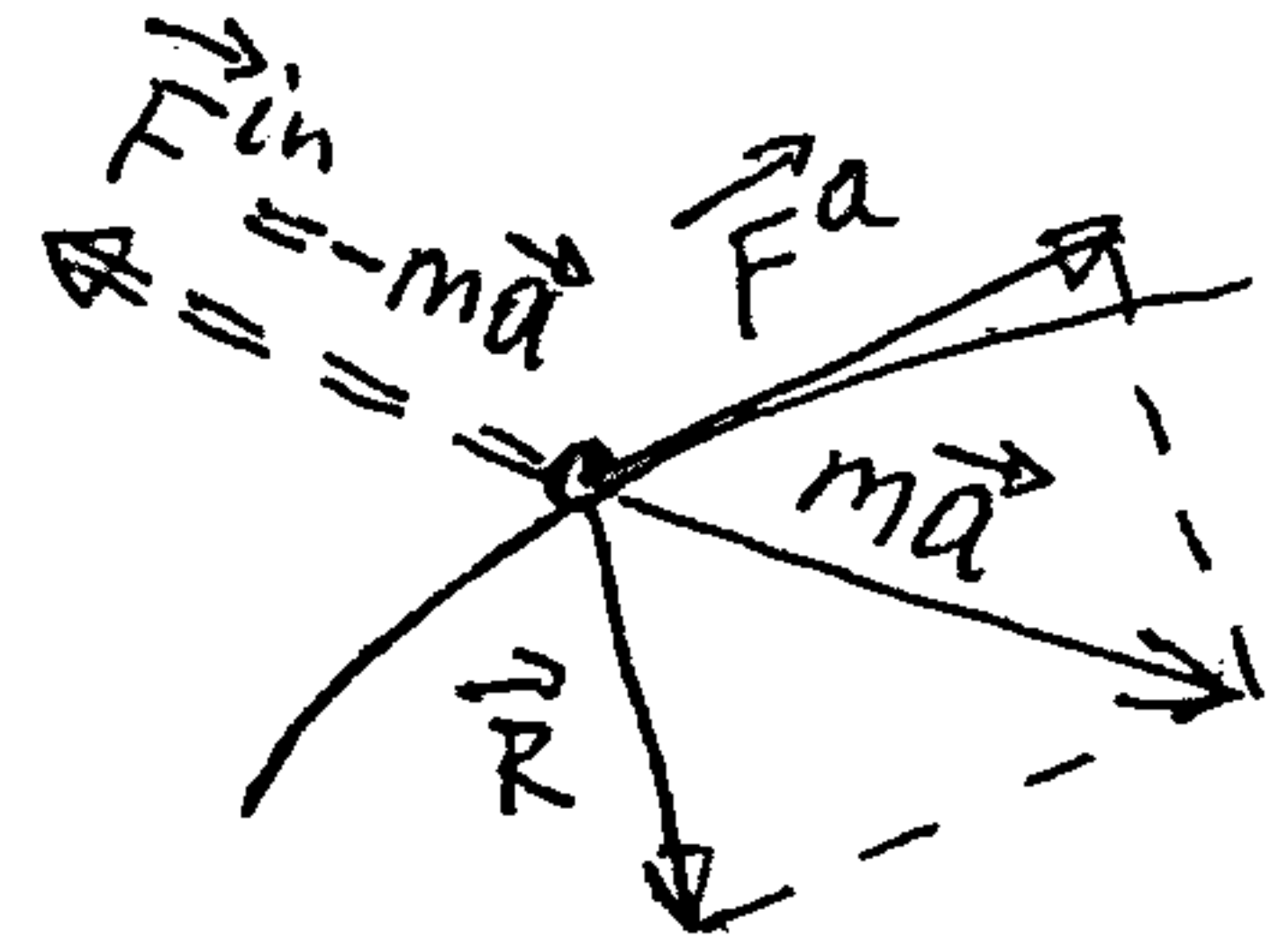
$$m\vec{a} = \vec{F}^a + \vec{R},$$

gdje je \vec{R} rezultanta reakcija veza, možemo napisati u obliku

$$\vec{F}^a + \vec{R} + (-m\vec{a}) = 0,$$

odnosno

$$\vec{F}^a + \vec{R} + \vec{F}^{in} = 0 \quad (1)$$



pričemu smo uveli oznaku $\vec{F}^{in} = -m\vec{a}$.

Vektor \vec{F}^{in} koji je jednak negativnom proizvodu mase tačke i njenog ubrzanja naziva se inercijalna sila.

Dobijena jednačina (1) istakuje D'Alembertov princip za tačku: Materijalna tačka se kreće tako da je u svakom trenutku vektorski zbir aktivnih sila, reakcija veza i inercijalne sile jednak nuli.

Jednačina (1) ima oblik statičke jednačine, tj. istakuje se u obliku uslova ravnoteže sile, a u stvari predstavlja dinamičku jednačinu u vektorskom obliku. Stoga se D'Alembertov princip naziva i meka kinetostatika. Naglasimo da na pokretnu tačku djeluju stvarno samo sile \vec{F}^a i \vec{R} , a da sila inercije ne djeluje na pokretnu tačku. Inercijalna sila je uvedena uslovno, tj. vještački, da bi smo bili u stanju da dinamičke jednačine postavimo formalno u obliku statičkih jednačina.

8.2 D'Alembertov princip za sistem

Ako pojedinačno, na svakoj ^{materijalnoj} tački sistema, primijenimo D'Alembertov princip za tačku, dobijemo

$$\vec{F}_i^s + \vec{F}_i^u + \vec{F}_i^{in} = 0 \quad (i=1, \dots, n) \quad (1)$$

gdje su \vec{F}_i^s i \vec{F}_i^u rezultante spoljašnjih i unutrašnjih sila koje djeluju na tačku M_i , a $\vec{F}_i^{in} = -m_i\vec{a}_i$ inercijalna sila i -te tačke.

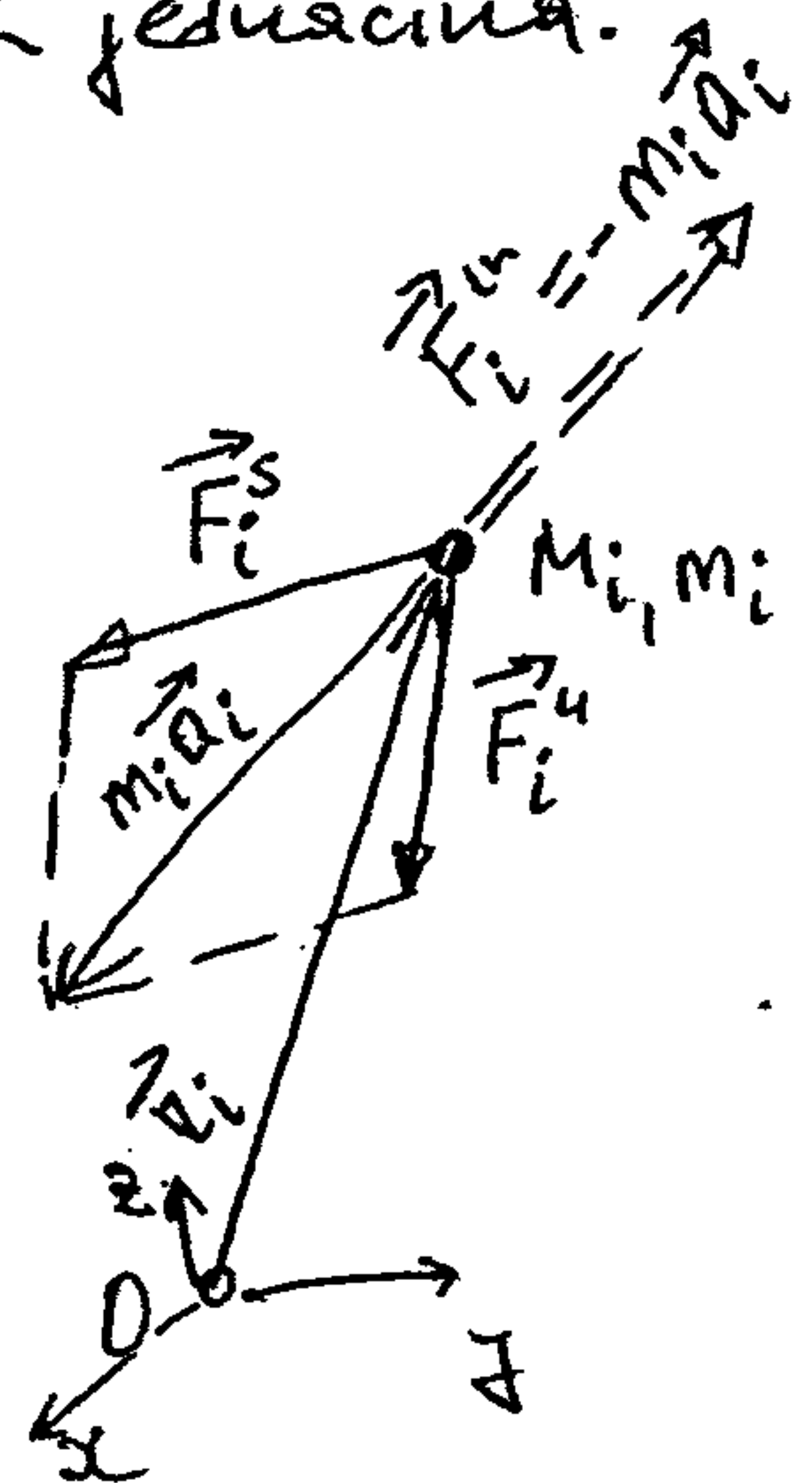
Sabirajući sve jednačine sistema (1), uzimajući u obzir da je $\sum \vec{F}_i^u = 0$, dobijemo

$$\sum \vec{F}_i^s + \sum \vec{F}_i^{in} = 0,$$

odnosno

$$\vec{F}_2^s + \vec{F}_2^{in} = 0 \quad (2)$$

gdje je $\vec{F}_2^s = \sum \vec{F}_i^s$ glavni vektor spoljašnjih sila i $\vec{F}_2^{in} = \sum \vec{F}_i^{in}$ glavni vektor inercijalnih sila sistema materijalnih tačaka.



Pomnožimo li jednadžine (1) vektorski sa lijeve strane odgovarajućim vektorima položaja tečaja i saboremo, dobijamo

$$\sum \vec{r}_i \times \vec{F}_i^s + \sum \vec{r}_i \times \vec{F}_i^u + \sum \vec{r}_i \times \vec{F}_i^{in} = 0$$

Svaki od ovih sabiraka predstavlja glavne momente odgovarajućih sila za tečku O, to:

$$- \sum \vec{r}_i \times \vec{F}_i^s = \sum \vec{M}_O^{\vec{F}_i^s} = \vec{M}_O^s - \text{glavni moment spoljašnjih sila};$$

$$- \sum \vec{r}_i \times \vec{F}_i^u = \sum \vec{M}_O^{\vec{F}_i^u} = \vec{M}_O^u - \text{glavni moment unutrašnjih sila koji je uvijek jednak nuli};$$

$$- \sum \vec{r}_i \times \vec{F}_i^{in} = \sum \vec{M}_O^{\vec{F}_i^{in}} = \vec{M}_O^{in} - \text{glavni moment inercijalnih sila materijalnog sistema.}$$

Tako se prethodna jednadžina može napisati u obliku

$$\vec{M}_O^s + \vec{M}_O^{in} = 0 \quad (3)$$

Postoje u spoljašnje sile, u slučaju neslobodnog sistema, ulaze i reakcije spoljašnjih veza to je glavni vektor i glavni moment spoljašnjih sila popadno zapisati u obliku

$$\vec{F}_O^s = \vec{F}_O^a + \vec{R}_O, \quad \vec{M}_O^s = \vec{M}_O^a + \vec{M}_O^R$$

gdje su $\vec{F}_O^a = \sum \vec{F}_i^a, \vec{R}_O = \sum \vec{R}_i, \vec{M}_O^a = \sum \vec{M}_O^{\vec{F}_i^a}, \vec{M}_O^R = \sum \vec{M}_O^{\vec{R}_i}$

glavni vektori i glavni momenti aktivnih sila i reakcija spoljašnjih veza.

Sukladno prethodnom grupiranju sila i momenata, D'alambertov princip za sistem (je dnućine (2) i (3)) ima oblik

$$\left. \begin{aligned} \vec{F}_O^a + \vec{R}_O + \vec{F}_O^{in} &= 0 \\ \vec{M}_O^a + \vec{M}_O^R + \vec{M}_O^{in} &= 0 \end{aligned} \right\} (4)$$

i glasi: Sistem se kreće tako da su u svakom trenutku vektorski zbir glavnih vektora aktivnih sila, reakcija spoljašnjih veza i inercijalnih sila, a tožste vektorski zbir glavnih momenata aktivnih sila, reakcija spoljašnjih veza i inercijalnih sila, izračunatih za proizvoljni pol, jednaki nuli.

Jednadžinama (4) odgovaraju šest jednadžina u vidu projekcija na ose Dekartovog sistema

$$\left. \begin{aligned} F_{Ox}^a + R_{Ox} + F_{Ox}^{in} &= 0; & M_x^a + M_x^R + M_x^{in} &= 0 \\ F_{Oy}^a + R_{Oy} + F_{Oy}^{in} &= 0; & M_y^a + M_y^R + M_y^{in} &= 0 \\ F_{Oz}^a + R_{Oz} + F_{Oz}^{in} &= 0; & M_z^a + M_z^R + M_z^{in} &= 0 \end{aligned} \right\} (5)$$

Dakle, ovaj princip omogućava formiranje dinamičkih jednadžina sistema, na isti način, kao što se u statiki formiraju uslovi ravnoteže. Ovaj metod je naročito pogodan pri određivanju nepoznatih reakcija spoljašnjih veza, jer princip isključuje unutrašnje sile. Kada se sistem posmatra kao cjelina. Za određivanje unutrašnjih reakcija veza, dati sistem treba rastvoriti na djelove tako da tražene unutrašnje sile za te djelove sistema postanu spoljašnje.

Da bi se primijenio D'alambertov princip bitno je znati odrediti glavni vektor i glavni moment inercijalnih sila. Ako se posmatra kretonje sistema u odnosu na

inercijalni koordinatni sistem, bide

$$\vec{F}_R^{in} = \sum \vec{F}_i^{in} = - \sum m_i \vec{a}_i = - \frac{d}{dt} \sum m_i \vec{v}_i = - \frac{d\vec{K}}{dt}$$

odnosno, pošto je $\vec{K} = m \vec{v}_C$,

$$\vec{F}_R^{in} = - m \vec{a}_C \quad (6)$$

i

$$\vec{M}_O^{in} = \sum \vec{r}_i \times \vec{F}_i^{in} = - \sum \vec{r}_i \times m_i \vec{a}_i = - \frac{d}{dt} \sum \vec{r}_i \times m_i \vec{v}_i, \quad \text{tj.}$$

$$\vec{M}_O^{in} = - \frac{d\vec{L}_O}{dt} \quad (7)$$

Dakle, glavni vektor inercijalnih sila jednak je negativnom proizvodu mase sistema i ubrzanja centra inercije, a glavni moment inercijalnih sila za nepokretni pol O jednak je negativnom izvodu po vremenu momenta količine kretanja sistema za isti tačku.

Izrazi (6) i (7) takođe pokazuju da su jednačine (2) i (3), odnosno (4), po svojoj suštini ekvivalentne sa jednačinama koje izražavaju zakon o kretanju centra inercije sistema, odnosno o promjeni količine kretanja, i momenta količine kretanja sistema, a razlikuju se od njih samo po formi.

Momenta jednačina (3), odnosno (4)₂, može se napisati za bilo koju tačku, a čisto je pogodno to uzeti za centar inercije sistema:

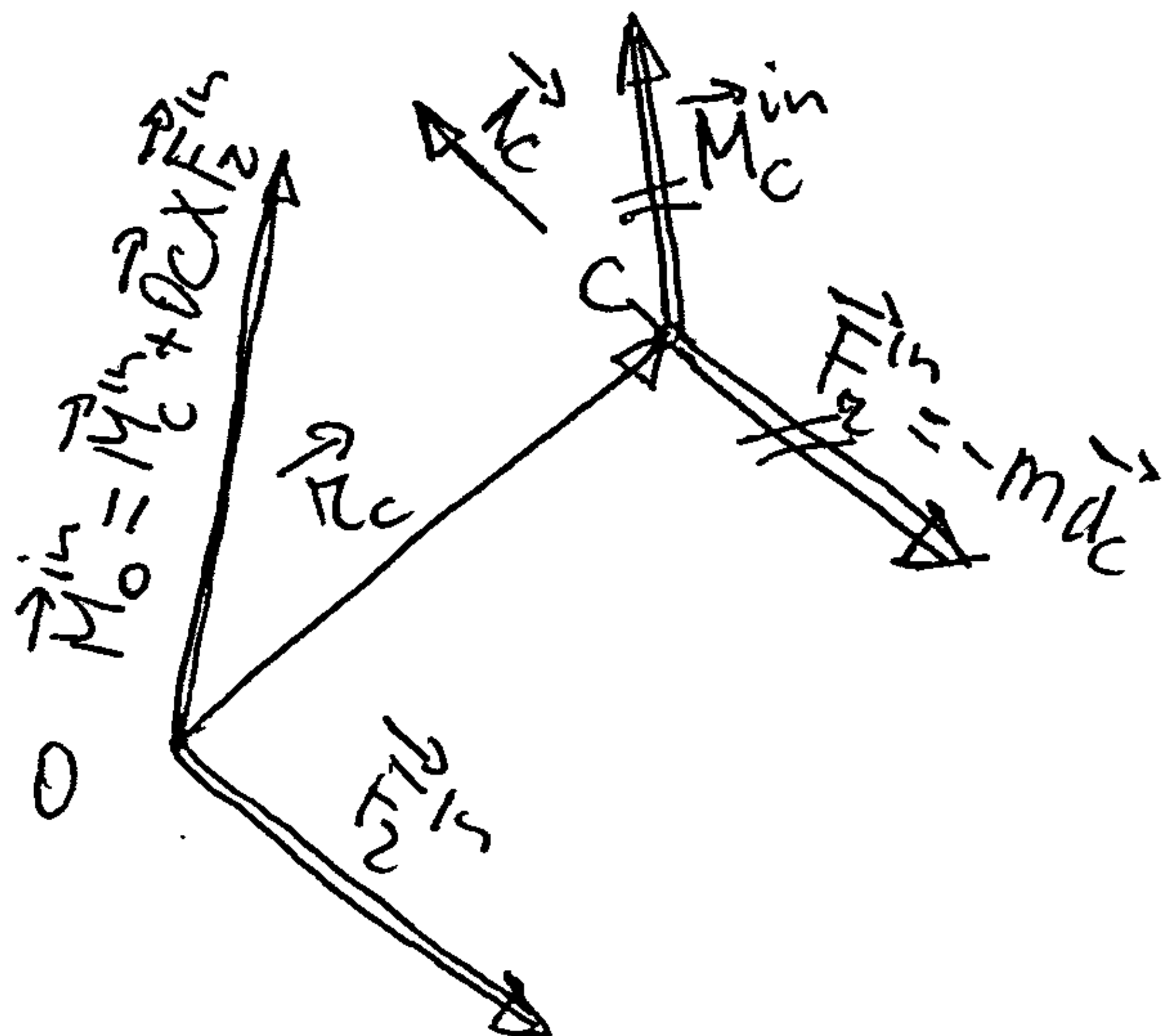
$$\vec{M}_C^a + \vec{M}_C^R + \vec{M}_C^{in} = 0 \quad (8)$$

Bez teškoća se izvodi da je glavni moment inercijalnih sila za centar inercije jednak, analogno izrazu (7), negativnom izvodu po vremenu kinetičkog momenta sistema za centar inercije, tj.

$$\vec{M}_C^{in} = - \frac{d\vec{L}_C}{dt} \quad (9)$$

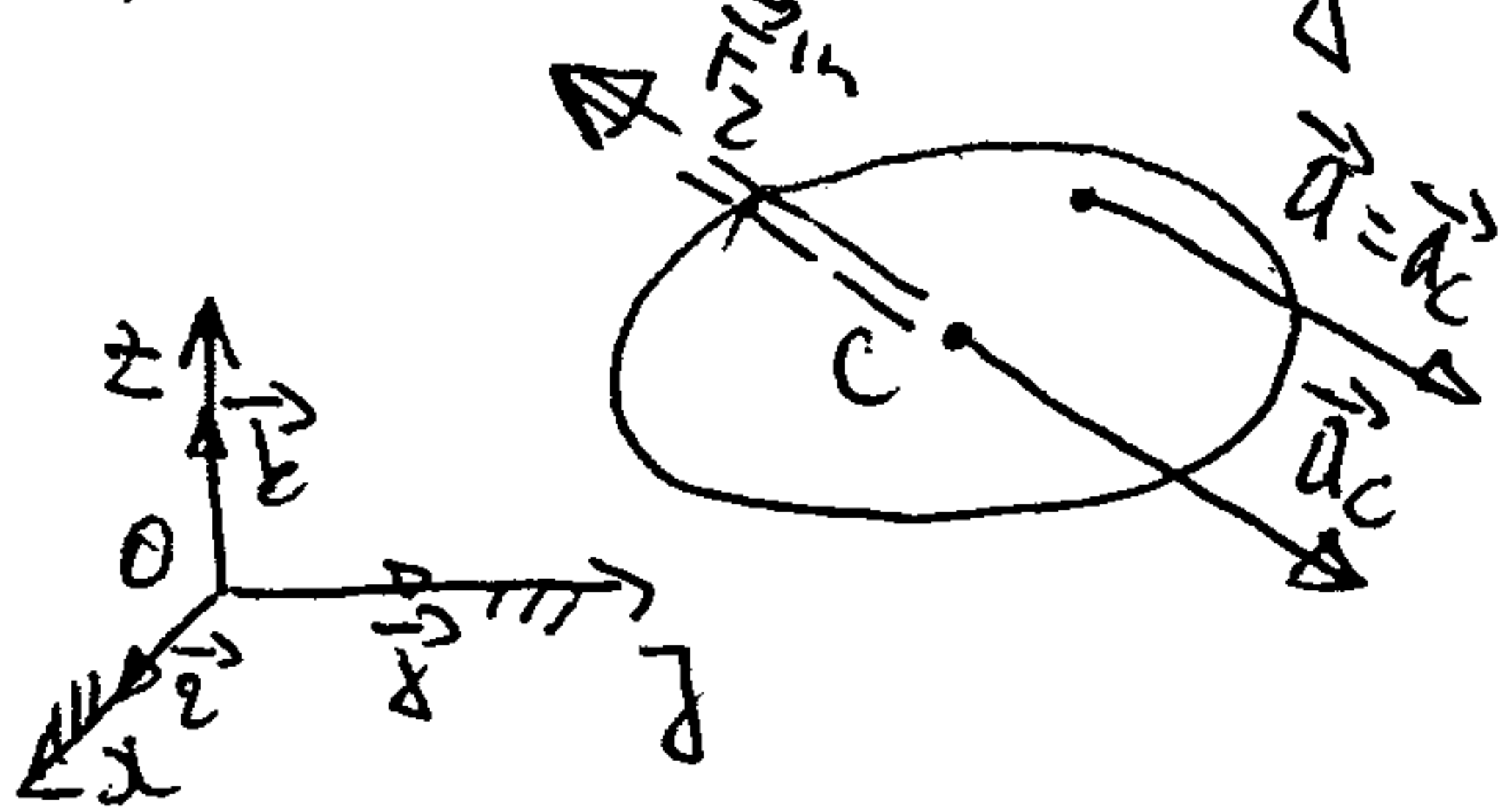
Takođe, lako se uspostavlja veza

$$\vec{M}_O^{in} = \vec{M}_C^{in} + \vec{r}_C \times \vec{F}_R^{in} \quad (10)$$



8.3 Glavni vektor i glavni moment sile inercije krutog tijela

a) translatorno kretanje

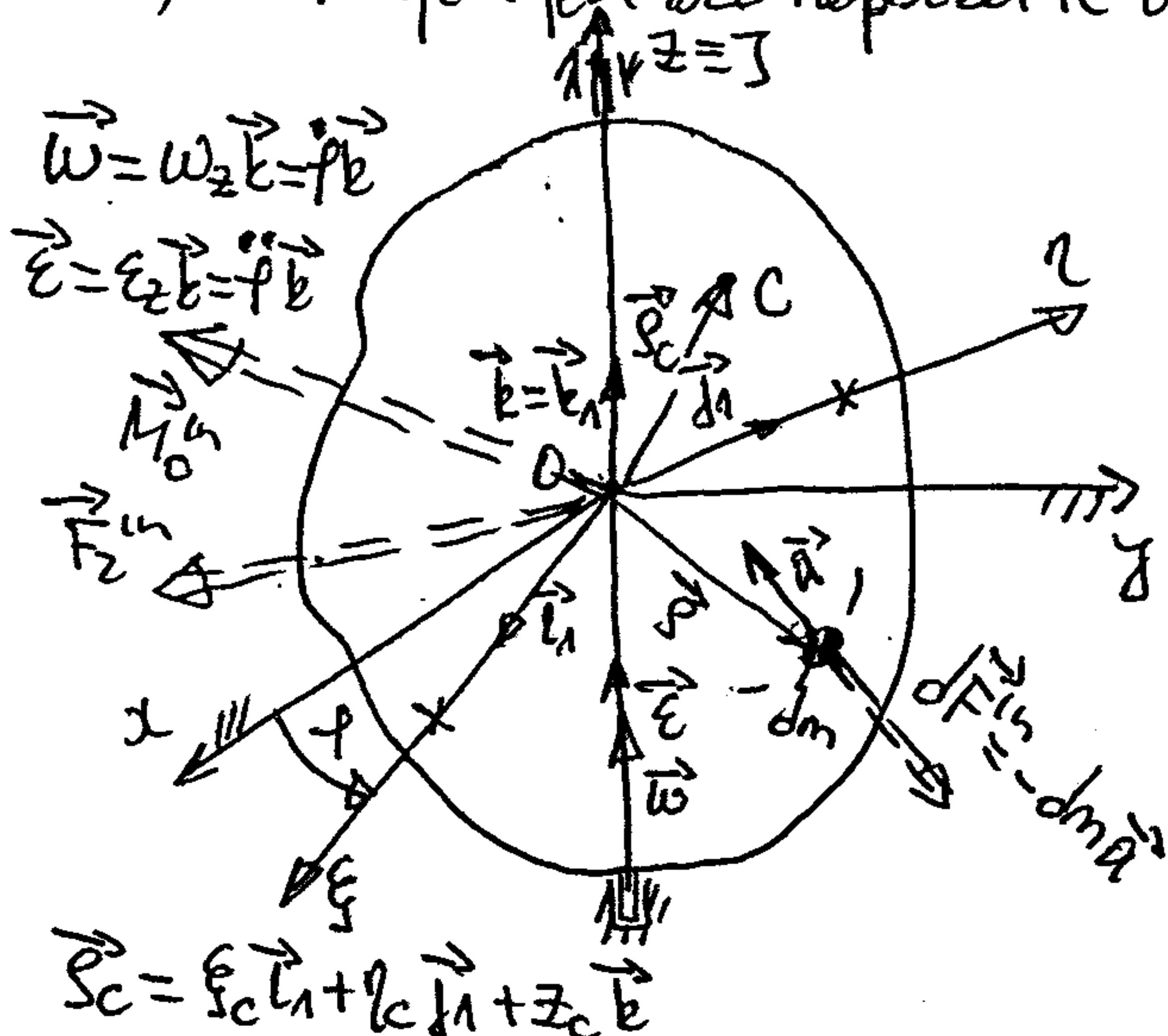


$$\vec{F}_c^{in} = -m\vec{a}_c = -m(\dot{x}_c\vec{e}_1 + \dot{y}_c\vec{e}_2 + \dot{z}_c\vec{e}_3) \quad (1)$$

$$\vec{M}_c^{in} = -\frac{d\vec{L}_c}{dt} = 0$$

Sistem inercijalnih sila translatorno pokretnog tijela svodi se na rezultantu sa nepodudnom kretanju u centru inercije tijela, a koja je jednaka negativnom pratećem usku tijela i njegovoj ubrzanju.

b) obrtanje tijela oko nepokretne osi



$$\vec{F}_c^{in} = \int_{(M)} d\vec{F}^{in} = -\int_{(M)} \vec{a} dm = -m\vec{a}_c \quad (3)$$

$$\vec{M}_O^{in} = \int_{(M)} \vec{r} \times d\vec{F}^{in} = -\frac{d\vec{L}_O}{dt} \quad (4)$$

Poputno je ove vektore prikazati u pokretnom koordinatnom sistemu $O\xi\eta z$ koji se drže zajedno sa tijelom.

$$\vec{a}_c = \vec{\epsilon} \times \vec{r}_c + \vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r}_c)$$

$$\vec{\omega} \times \vec{r}_c = \begin{vmatrix} \vec{e}_1 & \vec{e}_2 & \vec{e}_3 \\ 0 & 0 & \omega_z \\ \xi_c & \eta_c & z_c \end{vmatrix} = -\eta_c \omega_z \vec{e}_1 + \xi_c \omega_z \vec{e}_2$$

$$\vec{a}_c = \begin{vmatrix} \vec{e}_1 & \vec{e}_2 & \vec{e}_3 \\ 0 & 0 & \epsilon_z \\ \xi_c & \eta_c & z_c \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} \vec{e}_1 & \vec{e}_2 & \vec{e}_3 \\ 0 & 0 & \omega_z \\ -\eta_c \omega_z & \xi_c \omega_z & 0 \end{vmatrix} = -(\eta_c \epsilon_z + \xi_c \omega^2) \vec{e}_1 - (-\xi_c \epsilon_z + \eta_c \omega^2) \vec{e}_2$$

$$\vec{F}_c^{in} = m(\eta_c \epsilon_z + \xi_c \omega^2) \vec{e}_1 + m(-\xi_c \epsilon_z + \eta_c \omega^2) \vec{e}_2 \quad (5)$$

$$\vec{L}_O \stackrel{(6.21)}{=} J_{\xi z} \omega_z \vec{e}_1 + J_{\eta z} \omega_z \vec{e}_2 + J_z \omega_z \vec{e}_3$$

Na osnovu Eulerove formule za apsolutno-relativno diferenciranje (povodna kinematika) je

$$\frac{d\vec{L}_O}{dt} = \left(\frac{d\vec{L}_O}{dt}\right)_{rel.} + \vec{\omega} \times \vec{L}_O, \text{ gdje je } \left(\frac{d\vec{L}_O}{dt}\right)_{rel.} = \frac{dL_{\xi}}{dt} \vec{e}_1 + \frac{dL_{\eta}}{dt} \vec{e}_2 + \frac{dL_z}{dt} \vec{e}_3,$$

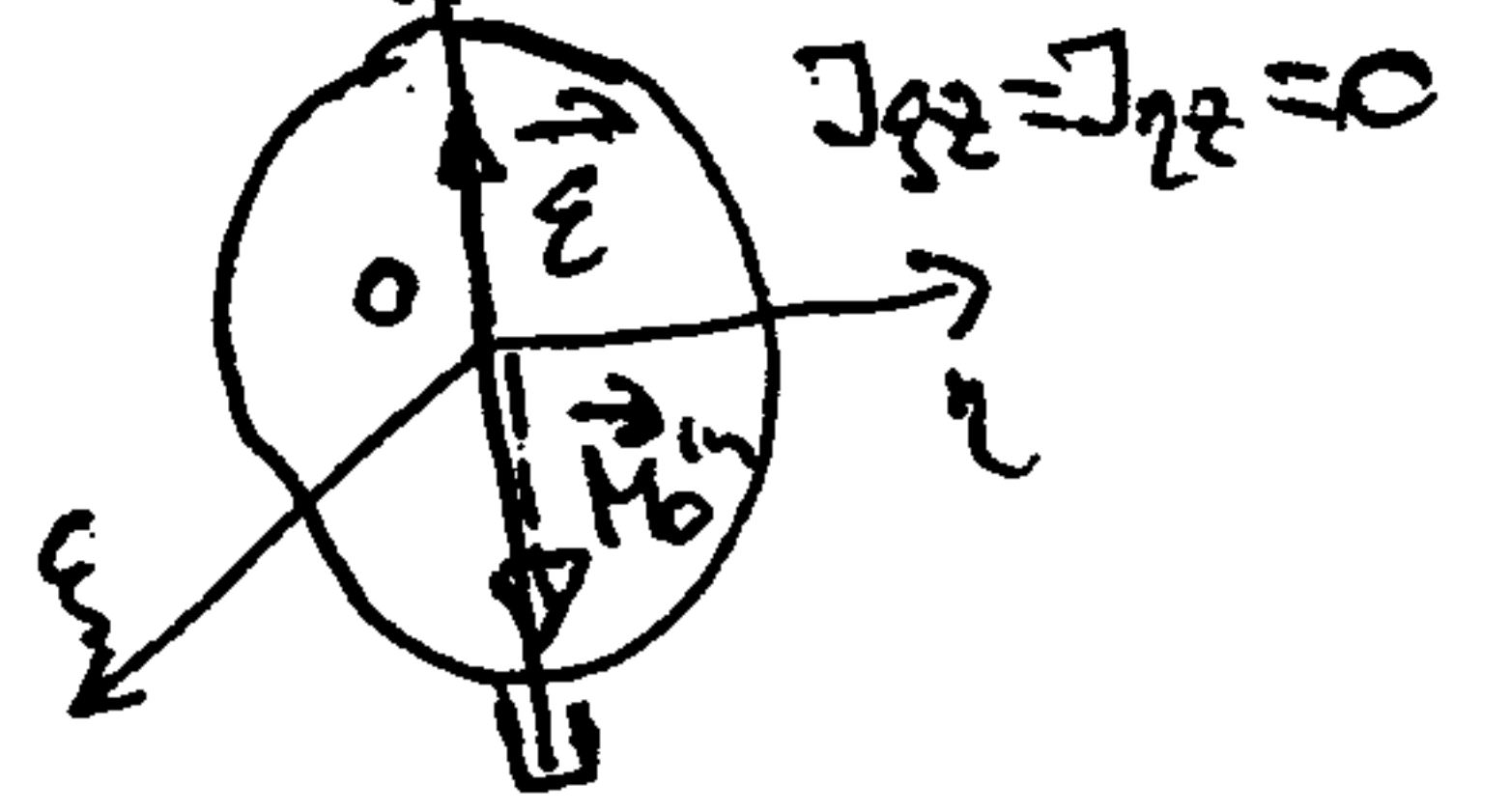
odnosno $\left(\frac{d\vec{L}_O}{dt}\right)_{rel.} = -J_{\xi z} \epsilon_z \vec{e}_1 - J_{\eta z} \epsilon_z \vec{e}_2 + J_z \epsilon_z \vec{e}_3$ jer su momenti inercije $J_{\xi z}, J_{\eta z}, J_z$ konstantne veličine pošto tijelo ne mijenja položaj u odnosu na sistem $O\xi\eta z$.

$$\vec{M}_O^{in} = (J_{\xi z} \epsilon_z - J_{\eta z} \omega^2) \vec{e}_1 + (J_{\eta z} \epsilon_z + J_{\xi z} \omega^2) \vec{e}_2 - J_z \epsilon_z \vec{e}_3 \quad (6)$$

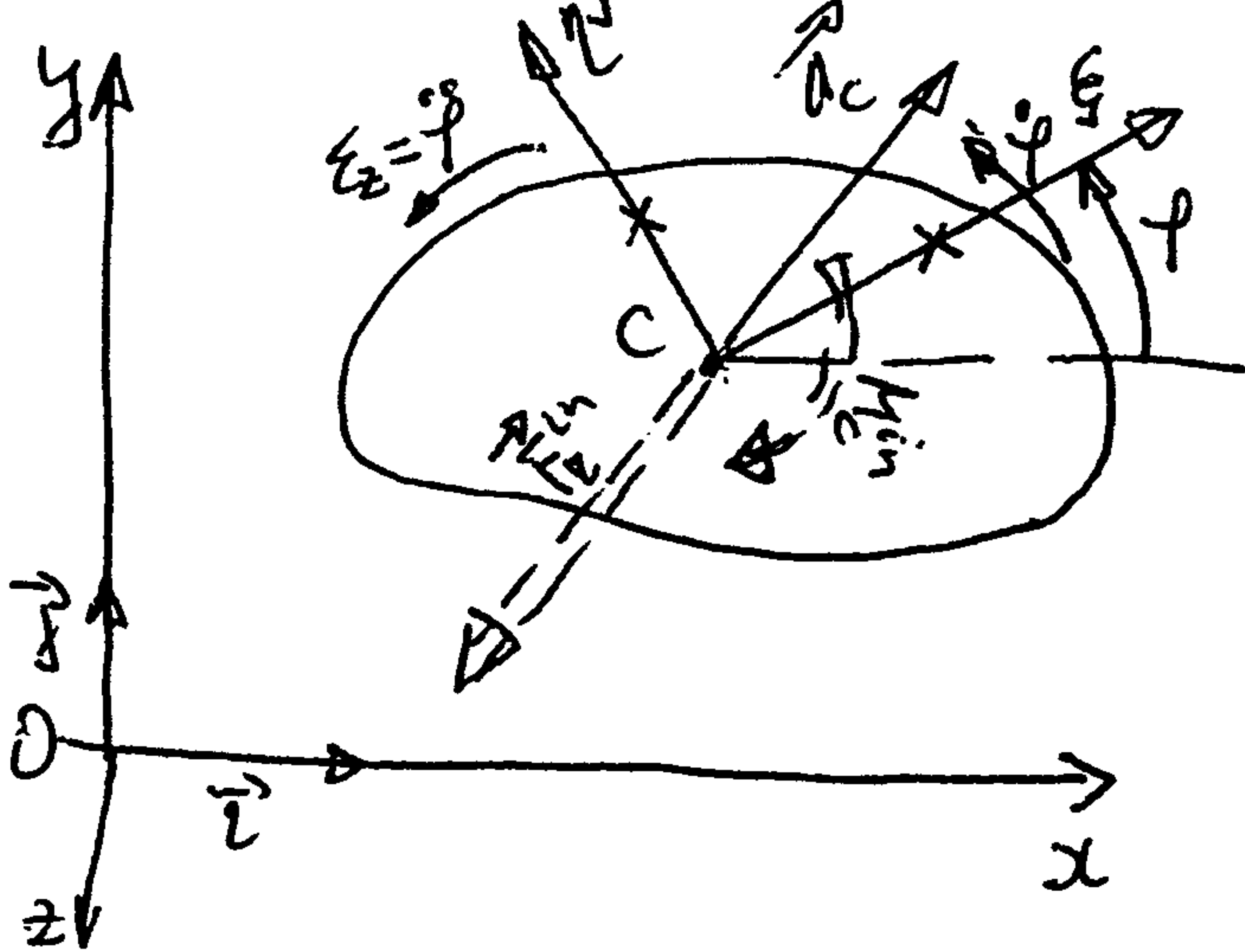
Ako centar inercije tijela leži na osi rotacije ($\xi_c = \eta_c = 0$), onda je $\vec{F}_z^{in} = 0$, a ako je
 dodatna osa glavna osa inercije tijela ($J_{\xi z} = J_{\eta z} = 0$), bide

$$\vec{M}_0^{in} = -J_z \xi_z \vec{e} = -J_z \vec{e},$$

tj. tada glavni moment inercijalnih sila \vec{M}_0^{in} ima pravac
 osi rotacije.



c) ravno kretanje



Obj - zovom uzorkujuće simetrije tijela

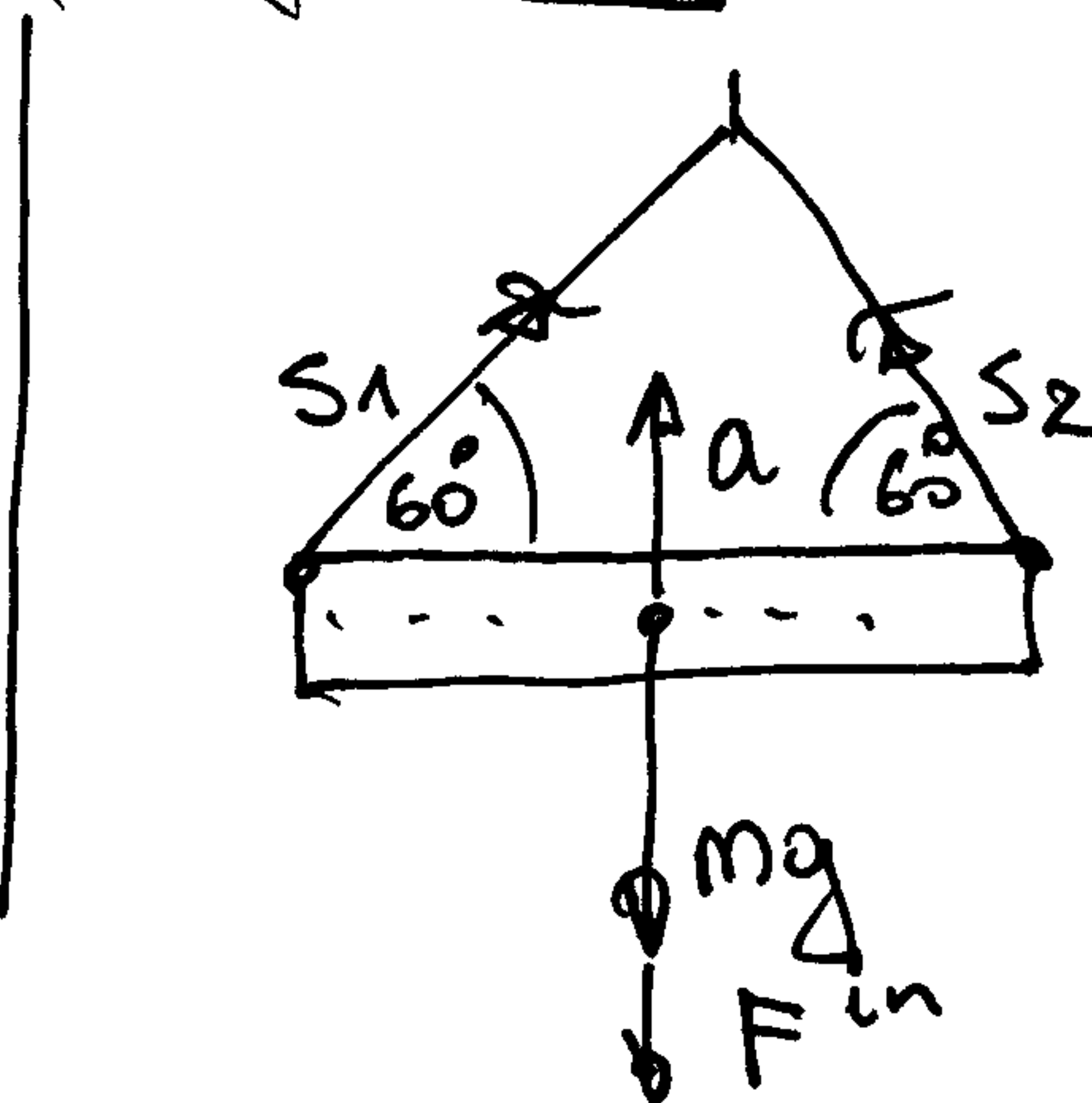
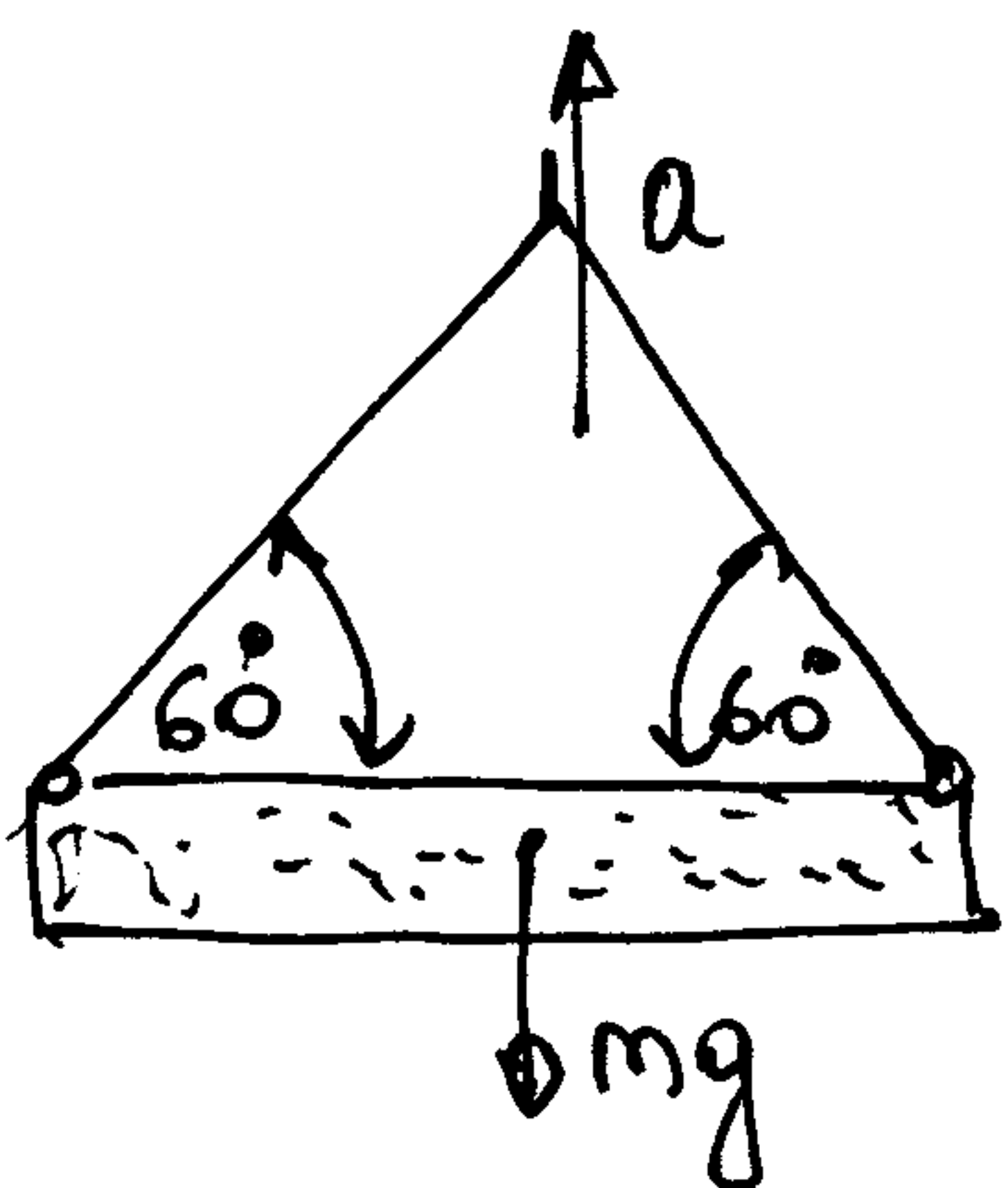
$$\vec{F}_z^{in} = -m\vec{a}_c = -m\ddot{\xi}_c \vec{e} - m\ddot{\eta}_c \vec{e} \quad (7)$$

$$\vec{L}_c = J_{cz} \omega_z \vec{e} = J_{cz} \dot{\varphi} \vec{e}$$

$$\vec{M}_c^{in} = -\frac{d\vec{L}_c}{dt} = -J_{cz} \xi_z \vec{e} - J_{cz} \dot{\varphi} \vec{e} \quad (8)$$

- Primjeri -

1. Homogena grebala, mase $m = 600 \text{ kg}$, podiže se translato-
 torno vertikalno uvis ubrzanjem $a = 1,5 \text{ m/s}^2$ (v.d.). Odre-
 diti sile zadržanja u šajlama.



$$F^{in} = ma = 900 \text{ N}$$

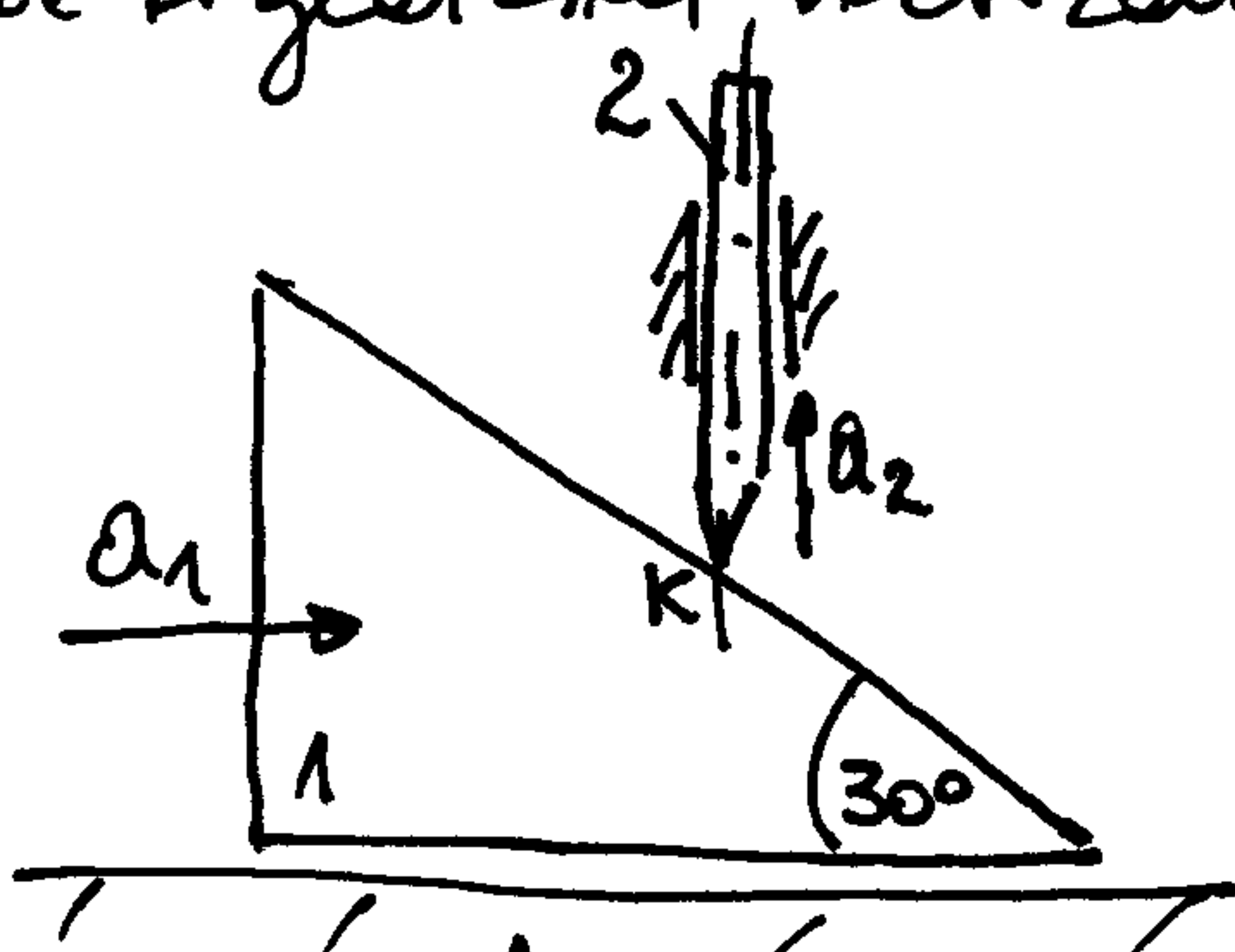
$$\vec{mg} + \vec{S}_1 + \vec{S}_2 + \vec{F}^{in} = 0$$

$$\rightarrow: S_1 \cos 60^\circ - S_2 \cos 60^\circ = 0 \quad (1)$$

$$\uparrow: -mg + S_1 \sin 60^\circ + S_2 \sin 60^\circ - F^{in} = 0 \quad (2)$$

$$(1) \Rightarrow S_1 = S_2, \quad (2) \Rightarrow S_1 = (mg + F^{in})/2 = 3,92 \text{ kN}$$

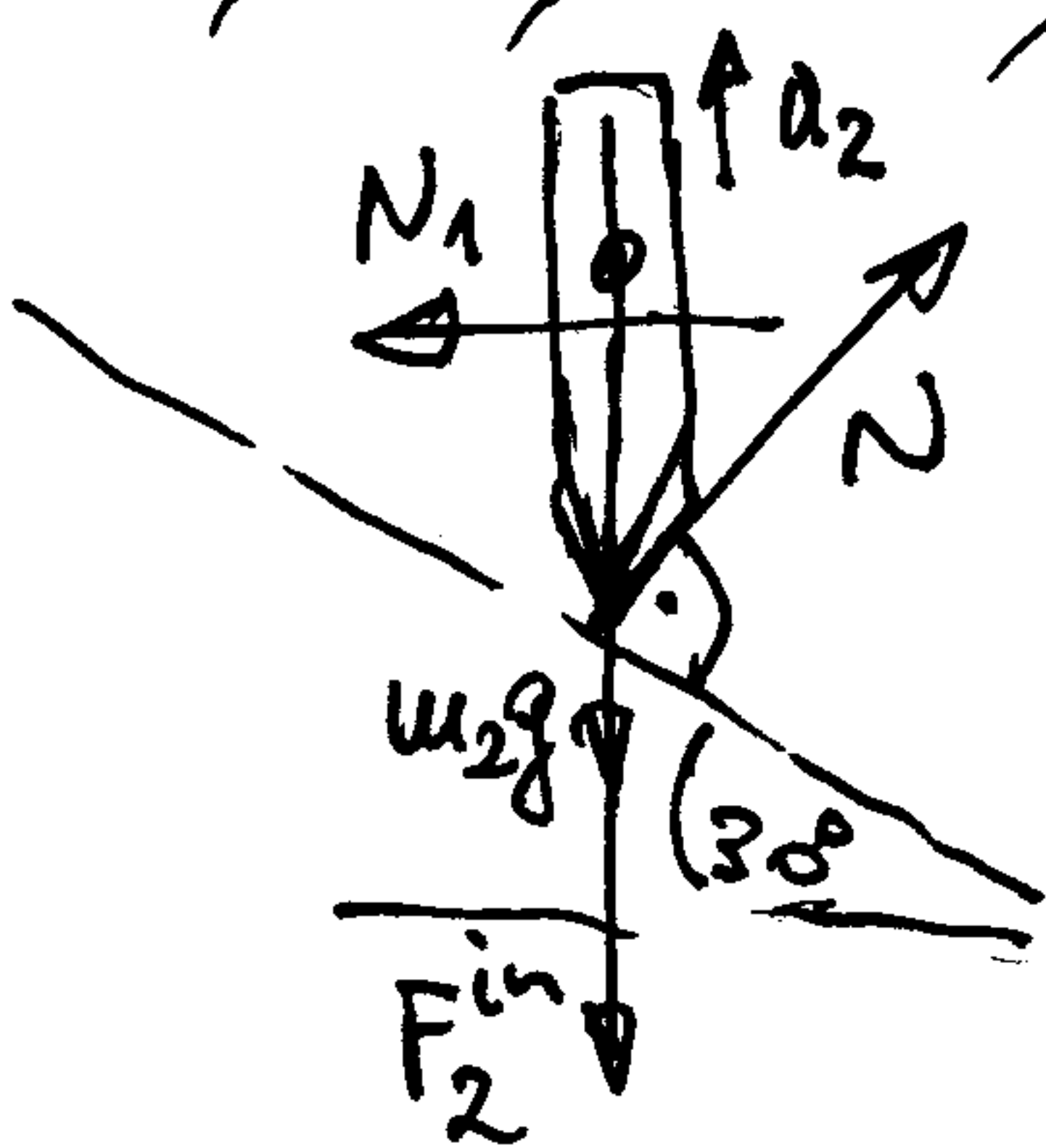
2. Klin i grebala se translato-
 torno pravolinijski po horizontalnoj ra-
 vni sa ubrzanjem $a_1 = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$. Kolika je sila pritiska šipa 2 na de-
 ltu strana zavan klina, ako je njena masa $m_2 = 2 \text{ kg}$ i ako se on
 kreće u glatkim vertikalnim vodičima.



$$\vec{a}_2 = \vec{a}_p + \vec{a}_2, \quad \vec{a}_p = \vec{a}_1 \quad \vec{a}_2$$

$$\frac{a_2}{a_1} = \tan 30^\circ$$

$$\Rightarrow a_2 = a_1 \tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3} a_1$$

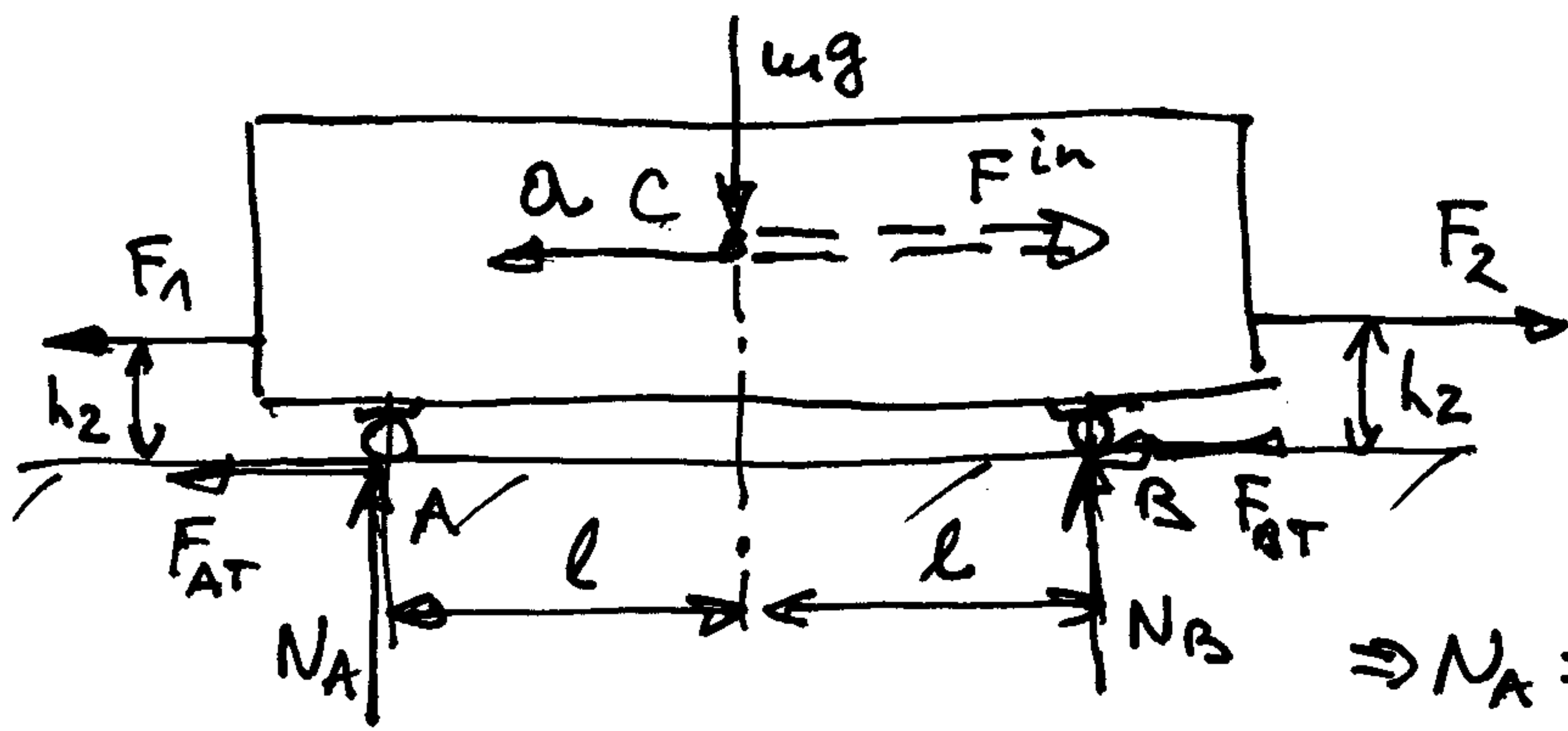


$$m_2 \vec{g} + \vec{N} + \vec{N}_1 + \vec{F}_2^{in} = 0, \quad F_2^{in} = m_2 a_2 = \frac{\sqrt{3}}{3} m_2 a_1$$

$$\uparrow: -m_2 g + N \cos 30^\circ - F_2^{in} = 0$$

$$\Rightarrow N = 27,99 \text{ N}$$

3. Pri kočenju voza usporenje vagona je $a = 5 \text{ m/s}^2$, a na spojnicama sa susjednim vagonima djeluju sile $F_1 = 10 \text{ kN}$; $F_2 = 30 \text{ kN}$. Masa vagona je $m = 30 \text{ tona}$ a položaj njegovog centra inercije C prikazan je na slici. Kolika je glava hidra zadrživa kočnica (kočnica A) na put. Mase kočnica zane-
mariti. Dato je $h_1 = 2,8 \text{ m}$; $h_2 = 1,6 \text{ m}$, $l = 5 \text{ m}$.



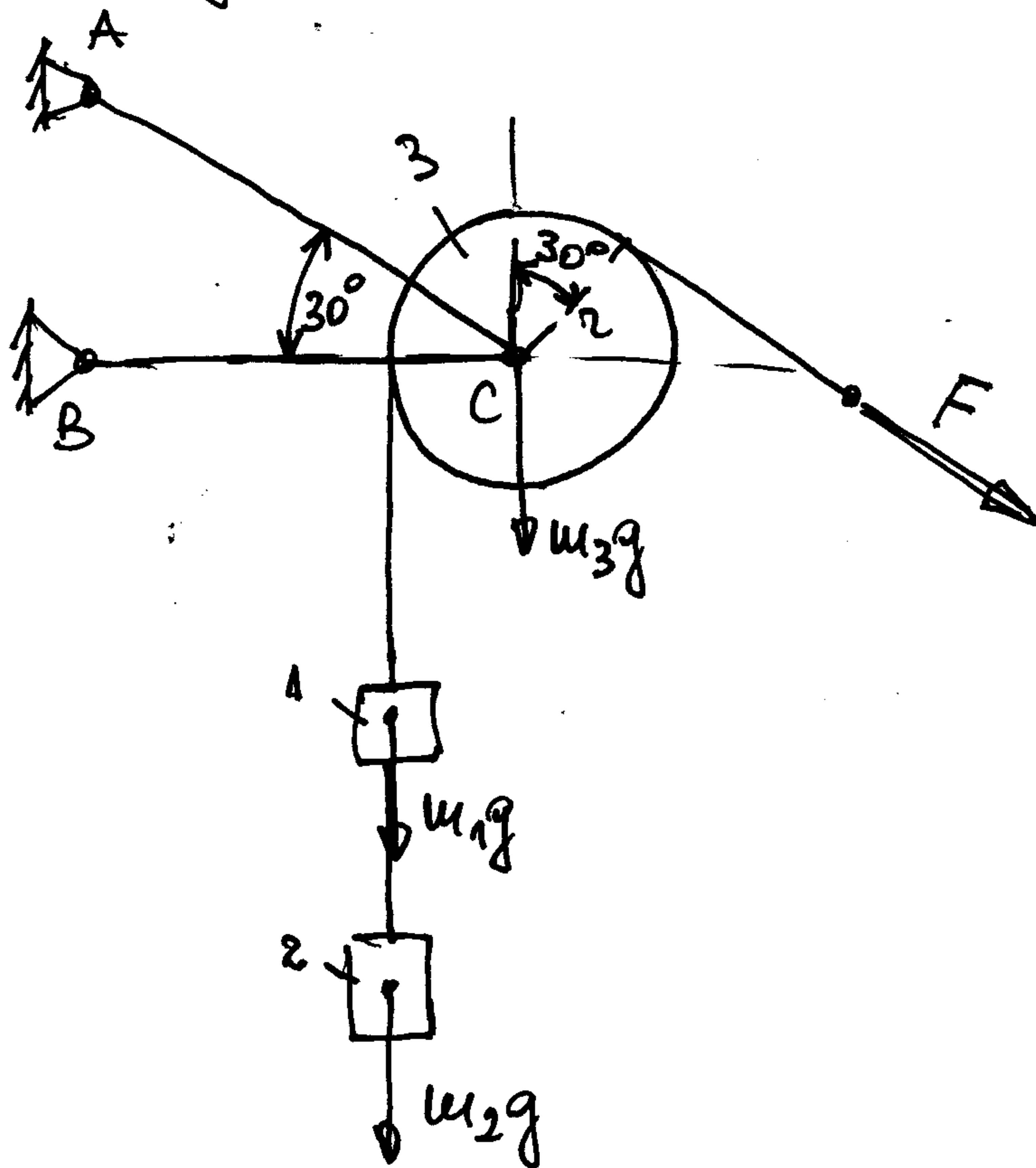
$$\sum M_B = 0$$

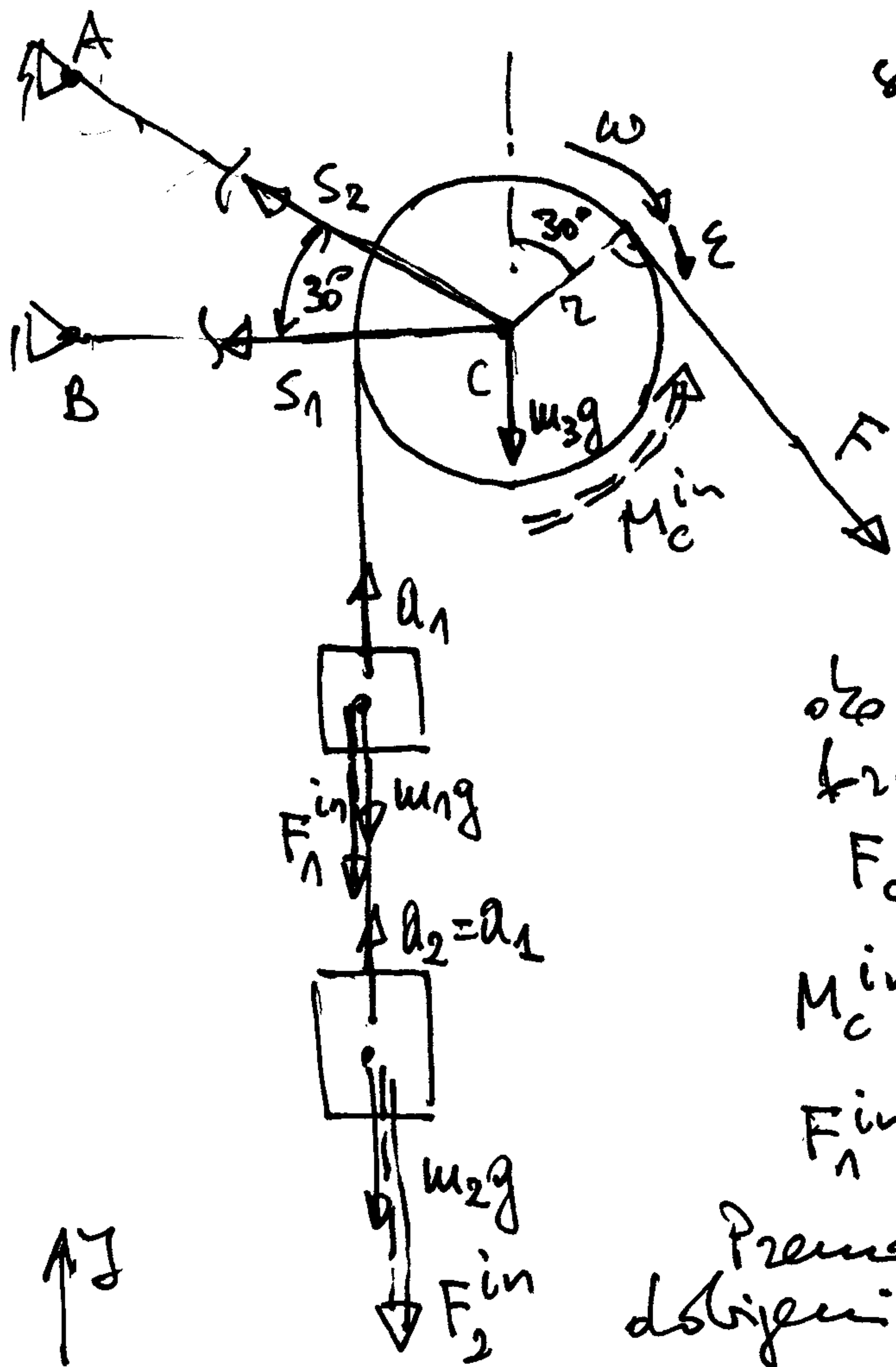
$$N_A \cdot 2l - F_1 \cdot h_2 + F_{in} \cdot h_1 + F_2 \cdot h_2 - mgl = 0$$

$$F_{in} = ma = 30 \cdot 1000 \cdot 5 = 15 \cdot 10^4 \text{ N}$$

$$\Rightarrow N_A = 102 \text{ kN}$$

4. Odrediti sile u lokrim štapovima za koje je vezana horizontalna osovina kotura 3 (homogeni kružni disk mase $m_3 = 16 \text{ kg}$ i poluprečnika $r = 20 \text{ cm}$) preko koje je prebačeno neistegljivo uže za čiji su lijevi kraj vezani tegovi mase $m_1 = 80 \text{ kg}$ i $m_2 = 40 \text{ kg}$, a čiji se desni kraj vije silom $F = 1300 \text{ N}$ (v. sliku).





Neke & kabin bode u razmicanom
 smeru ugaonim ubrzanjem ϵ . Tada &
 tereti (zbog nejednakosti micta) podi-
 žu ubrzanjima $a_2 = a_1 = r\epsilon$.

Spojajinjim klomna vektora ($m_1\vec{g}$, $m_2\vec{g}$,
 $m_3\vec{g}$, \vec{F} , \vec{S}_1 , \vec{S}_2) pridruženim inerci-
 jalne sile vodeći računa da kabin
 vodi ravno kretanje koje je obstaraje
 oko centrirane osi ($a_c = 0$) a tereti trome-
 kama kretanja.

$$F_c^{in} = 0, M_c^{in} = J_c \epsilon, J_c = \frac{m r^2}{2}$$

$$M_c^{in} = \frac{m r^2}{2} \cdot \frac{a_1}{r} = \frac{m r a_1}{2}$$

$$F_1^{in} = m_1 a_1, F_2^{in} = m_2 a_1$$

Prema D'Alembertovom principu ovako
 dobijeni sile sta u zavisi x u zavrtanje.

$$\sum X_i = 0 \Rightarrow -S_1 - S_2 \cos 30^\circ + F \cos 30^\circ = 0$$

$$\sum Y_i = 0 \Rightarrow S_2 \sin 30^\circ - m_1 g - m_2 g - m_3 g + F_1^{in} - F_2^{in} - F \sin 30^\circ = 0$$

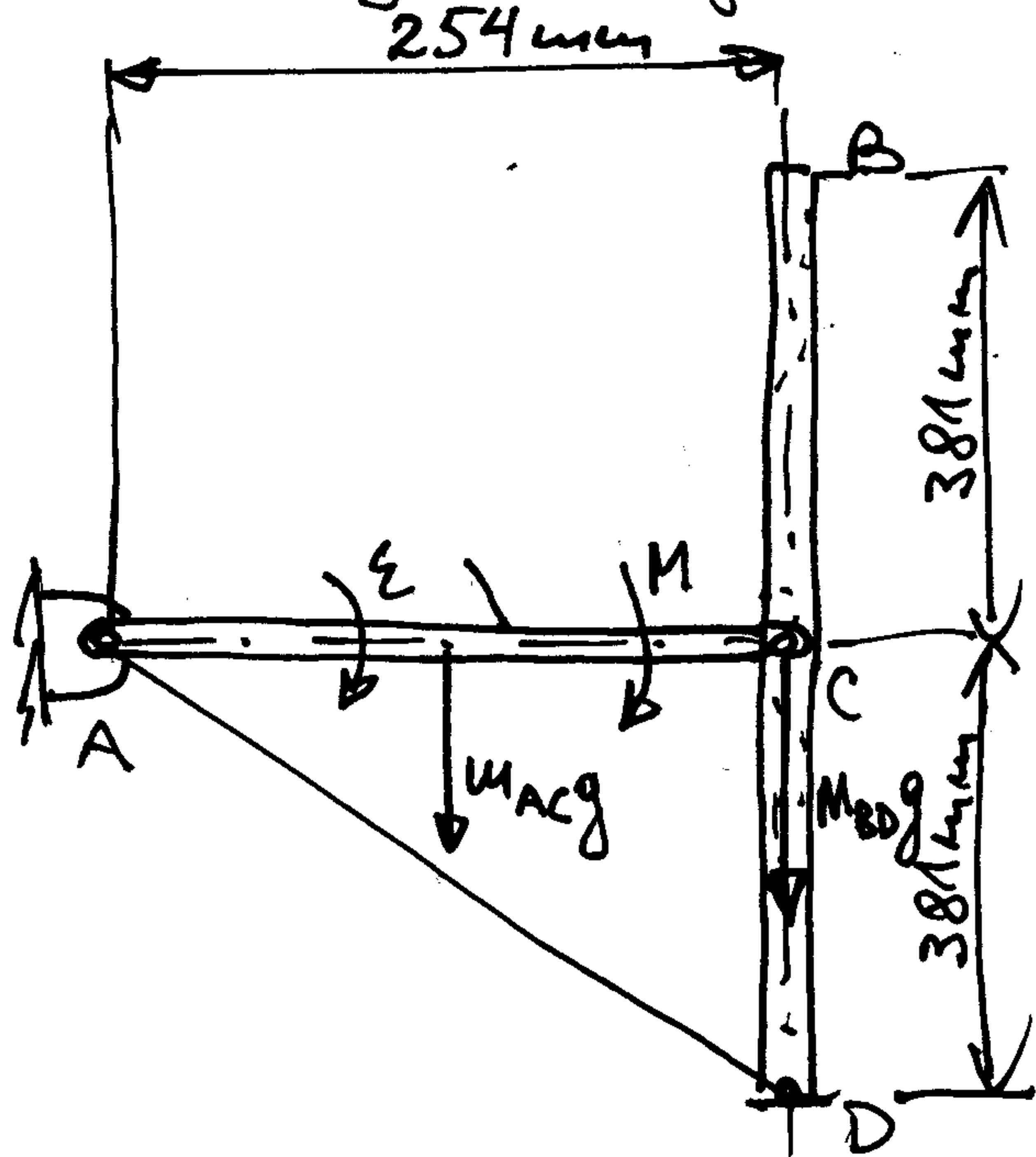
$$\sum M_c = 0 \Rightarrow F \cdot r - M_c^{in} - (m_1 g + m_2 g + F_1^{in} + F_2^{in}) r = 0$$

$$\Rightarrow a_1 = \frac{F - (m_1 + m_2)g}{(m_1 + m_2 + m_3/2)} = 0,96 \frac{m}{s^2} \uparrow$$

$$S_1 = -2510,4 N \Rightarrow S_1 = 2510,4 N \rightarrow \text{(stop BC opterećen na pritisku)}$$

$$S_2 = 4198,7 N \nearrow 30^\circ$$

5. Tanji step AC težine 35,6 N i step BD težine 89 N zglobno su vezani u tački C, a tačka D je nezastegljivim užetom vezana za tačku A. Sistem se okreće u vertikalnoj ravni oko horizontalne ose koja prolazi kroz tačku A pod dejstvom sile teže i sprega sile momenta $M = 8,13 \text{ Nm}$ koji djeluje na step AC. Znaajući da je u prikazanom položaju ugao brzina sistema jednaka nuli, odrediti u tom položaju: a) ugaono ubrzanje; b) silu u užetu.



a) Sistem se kao jedno kruto tijelo okreće oko nepokretne horizontalne ose A pa je u prikazanom položaju:

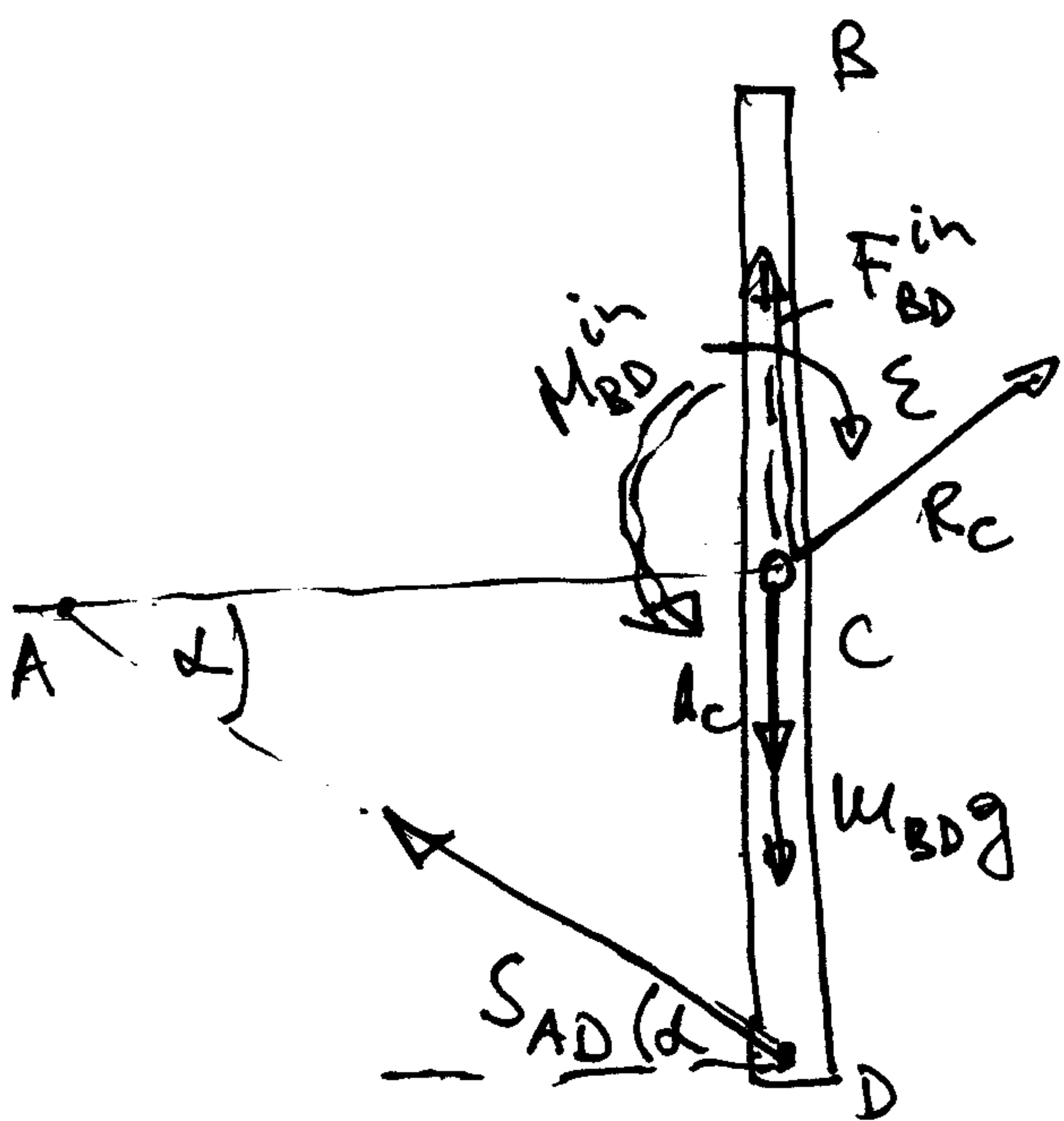
$$J_A \varepsilon = M + m_{AC} g \frac{\overline{AC}}{2} + m_{BD} g \cdot \overline{AC}$$

$$J_A = \frac{m_{AC} \overline{AC}^2}{3} + \frac{m_{BD} \overline{BD}^2}{12} + m_{BD} \overline{AC}^2$$

$$m_{AC} = \frac{35,6}{9,81} = 3,629 \text{ kg}; \quad m_{BD} = \frac{89}{9,81} = 9,072 \text{ kg}$$

$$J_A = 1,102 \text{ kgm}^2, \quad \Rightarrow \varepsilon = 32 \text{ rad/s}^2$$

b) primijenimo D'Alembertov princip na step BD izdvojivši ga od sistema. (BD nosi svoju brzinu)



$$a_C = a_{CT} = \overline{AC} \varepsilon, \quad F_{BD}^{in} = m_{BD} a_C$$

$$M_{BD}^{in} = J_C \varepsilon = \frac{m_{BD} \overline{BD}^2}{12} \varepsilon$$

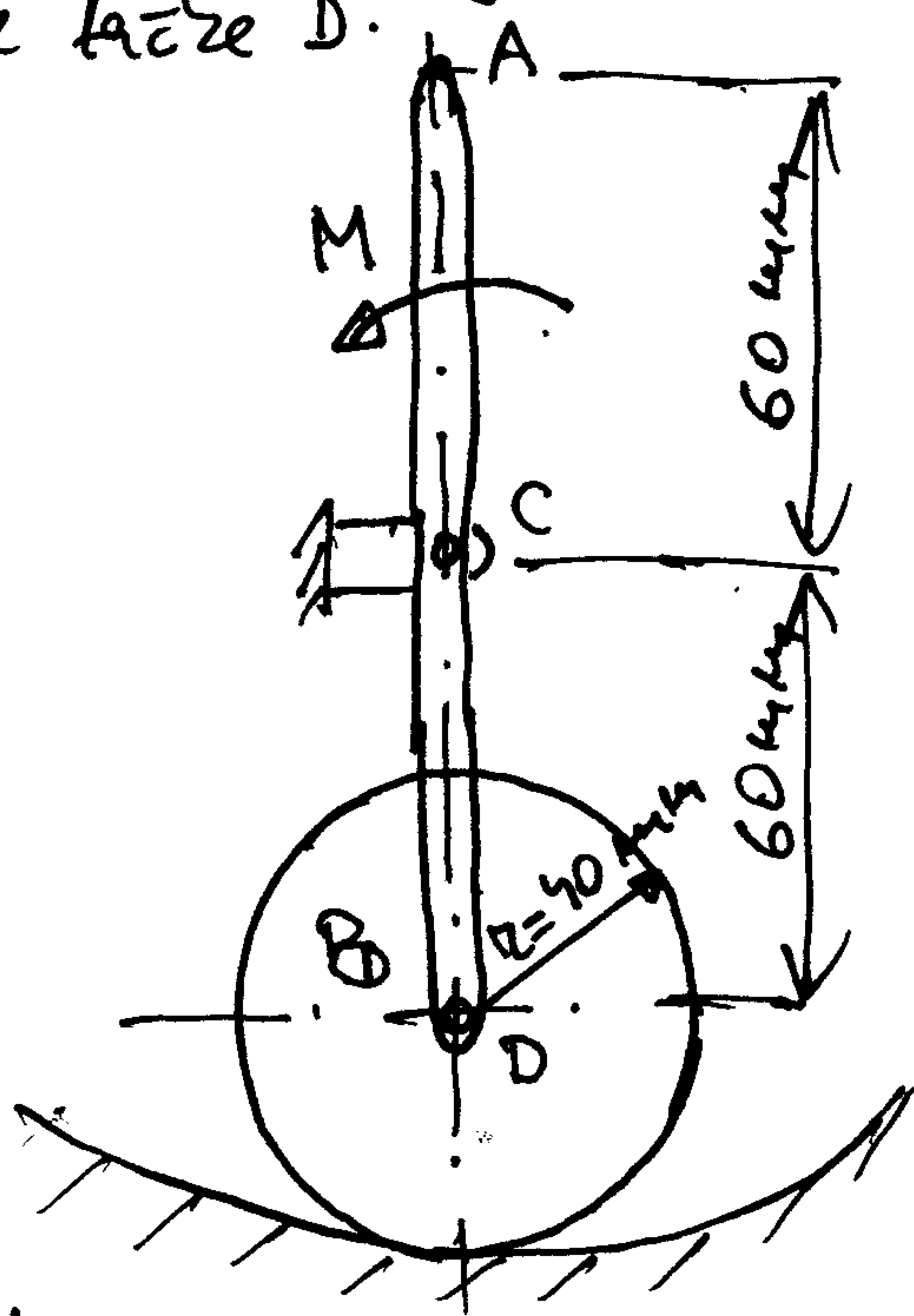
$$\sum M_C = 0$$

$$S_{AD} \cos \alpha \cdot \overline{DC} - M_{BD}^{in} = 0$$

$$\cos \alpha = \frac{\overline{AC}}{\sqrt{\overline{AC}^2 + \overline{CD}^2}} = 0,555$$

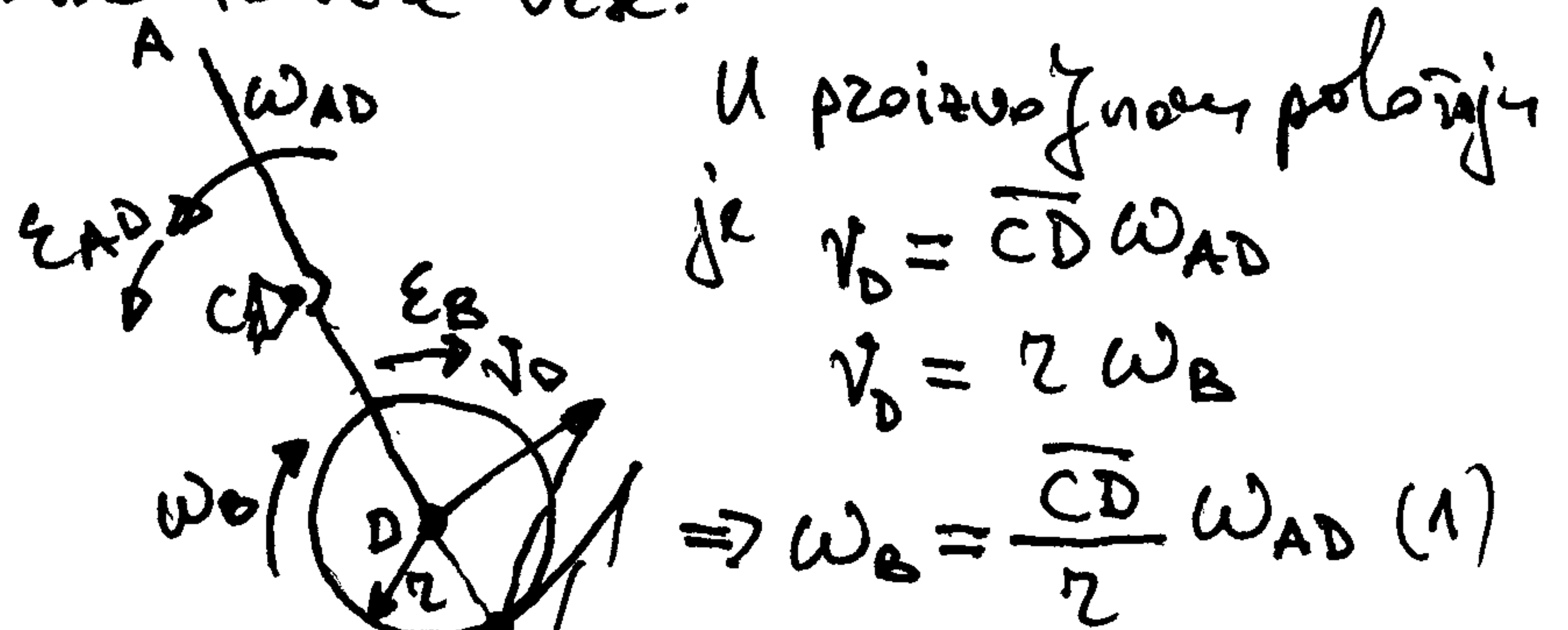
$$\Rightarrow S_{AD} = 66,4 \text{ N}$$

6. Zupčanik B, mase 1,8 kg i poluprečnika inercije za centralnu os $i_D = 32 \text{ mm}$, spregnut je sa nepokretnim zupčanikom sa unutrašnjim ozubljjenjem. Štap ACD je mase 2,5 kg. Sistem leži u vertikalnoj ravni, a u položaju prikazanom na slici. Zada je da se na štapu na tački D dejstvuje spregom sila momenta $M = 1,25 \text{ Nm}$. U tom položaju odrediti: a) ugaono ubrzanje štapa, b) ubrzanje tačke D.



- Štap AD i zupčanik B uvode zavisna kretanja, pri čemu je dodatno kretanje štapa obrotanje oko C ($a_C = 0$)

Kinematičke veze:



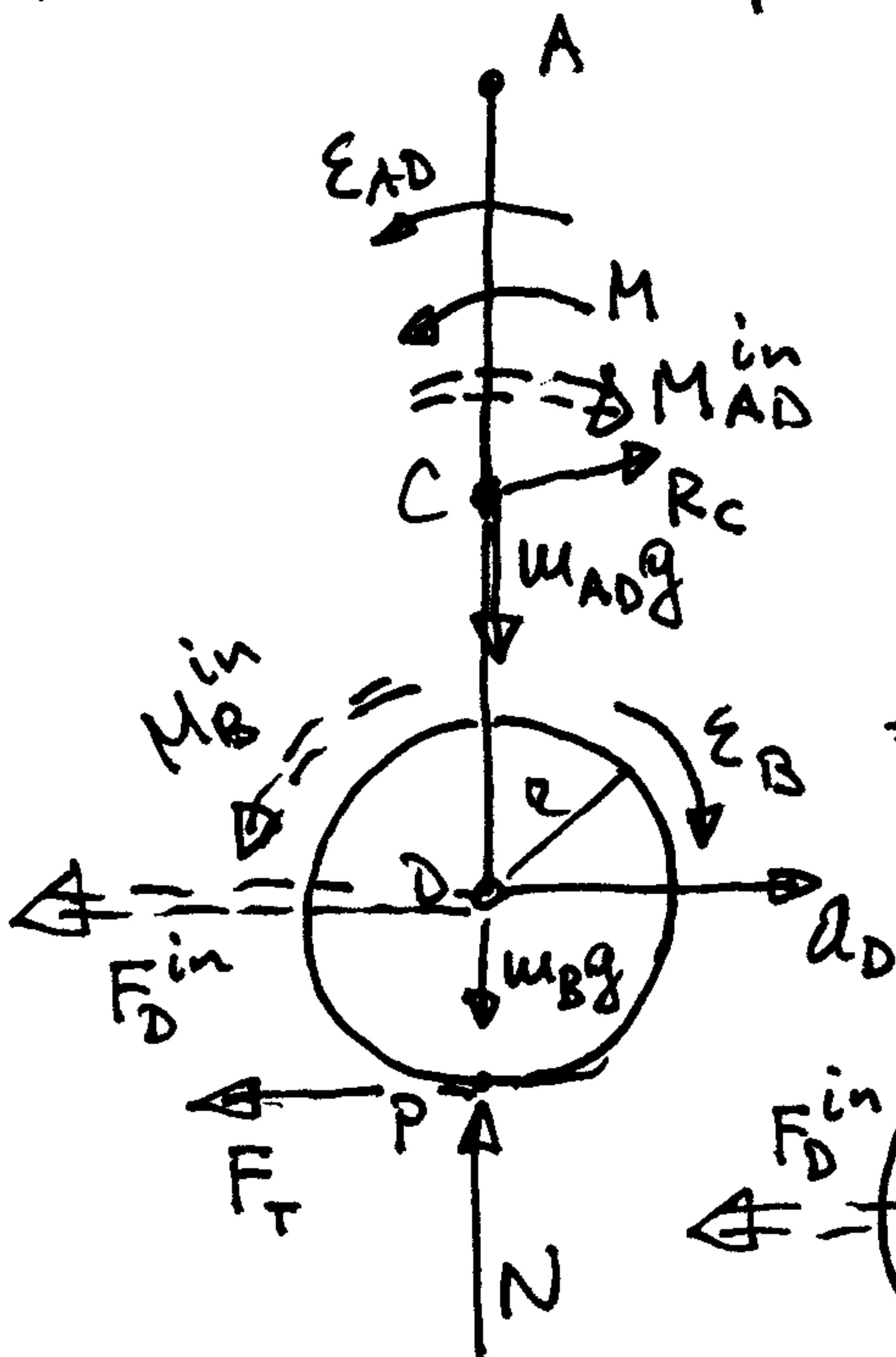
U proizvoljnom položaju je $v_D = \overline{CD} \omega_{AD}$

$$v_D = r \omega_B$$

$$\Rightarrow \omega_B = \frac{\overline{CD}}{r} \omega_{AD} \quad (1)$$

$$(1) \xrightarrow{d/dt} \epsilon_B = \frac{\overline{CD}}{r} \epsilon_{AD} \quad (2)$$

Prikazimo sve spoljašnje sile (aktivne i reakcije veta) koje djeluju na sistem u datom položaju i prikazimo im inercijalne sile. U skladu sa D'Alembertovim principom tokom oblijezi sistem staja u ravnoteži.



$$M_{AD}^{in} = J_C^{AD} \epsilon_{AD}, \quad J_C^{AD} = m_{AD} \frac{\overline{AD}^2}{12}, \quad \overline{AD} = 2\overline{CD}$$

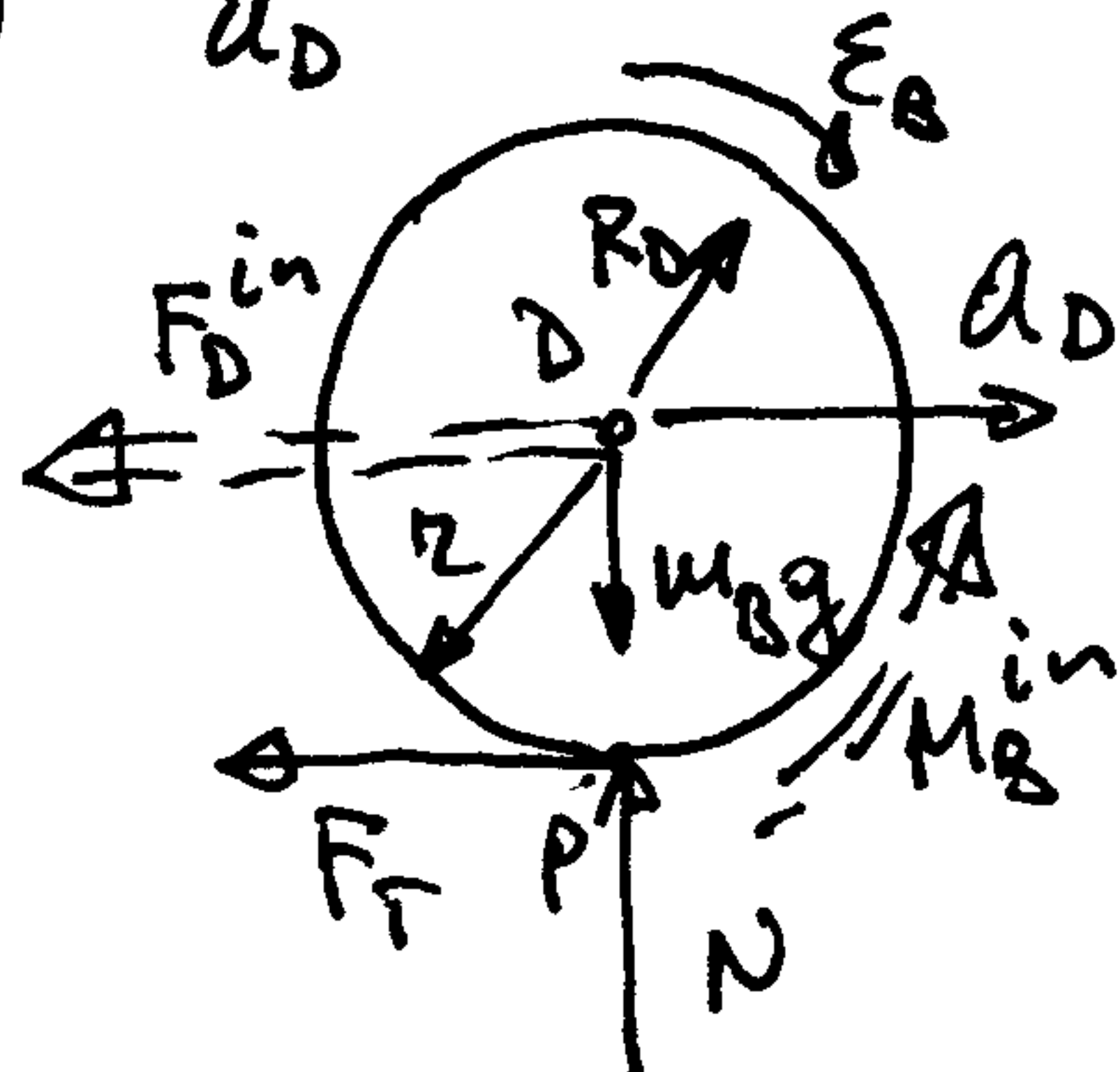
$$M_B^{in} = J_D^B \epsilon_B, \quad J_D^B = m_B i_D^2, \quad F_D^{in} = m_B a_D, \quad a_D = a_{DT} = \overline{CD} \epsilon_{AD}$$

$$M_B^{in(2)} = m_B i_D^2 \frac{\overline{CD}}{r} \epsilon_{AD}, \quad F_D^{in} = m_B \overline{CD} \epsilon_{AD}$$

$$\sum M_C = 0 \Rightarrow F_T (\overline{CD} + r) + F_D^{in} \overline{CD} - M_B^{in} - M + M_{AD}^{in} = 0$$

$$\Rightarrow F_T (\overline{CD} + r) - M + (m_B \overline{CD}^2 - m_B i_D^2 \frac{\overline{CD}}{r} + m_{AD} \frac{\overline{CD}^2}{3}) \epsilon_{AD} = 0 \quad (3)$$

U (3) nepoznate ϵ_{AD}, F_T ? Izdvojimo zupčanik.



$$\sum M_D = 0 \Rightarrow F_T \cdot r - M_B^{in} = 0 \quad (4)$$

$$(4) \Rightarrow F_T = \frac{M_B^{in}}{r} = m_B \left(\frac{i_D}{r} \right)^2 \overline{CD} \epsilon_{AD} \quad (3)$$

$$\Rightarrow \epsilon_{AD} = 91,7 \frac{\text{rad}}{\text{s}^2}$$

$$a_D = \overline{CD} \epsilon_{AD} = 5,5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \rightarrow$$