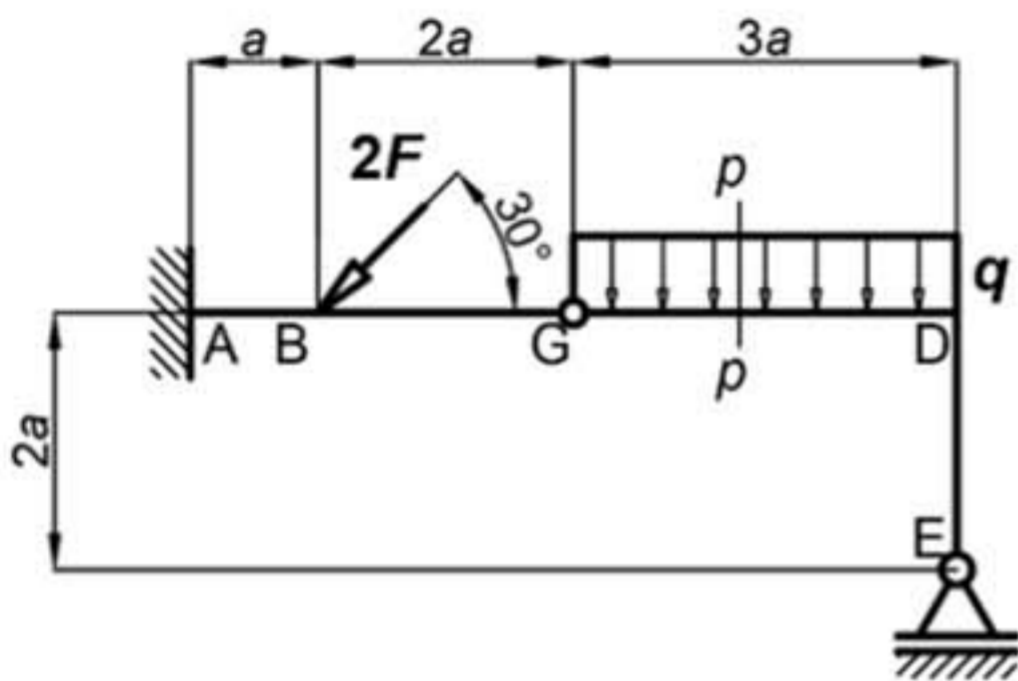
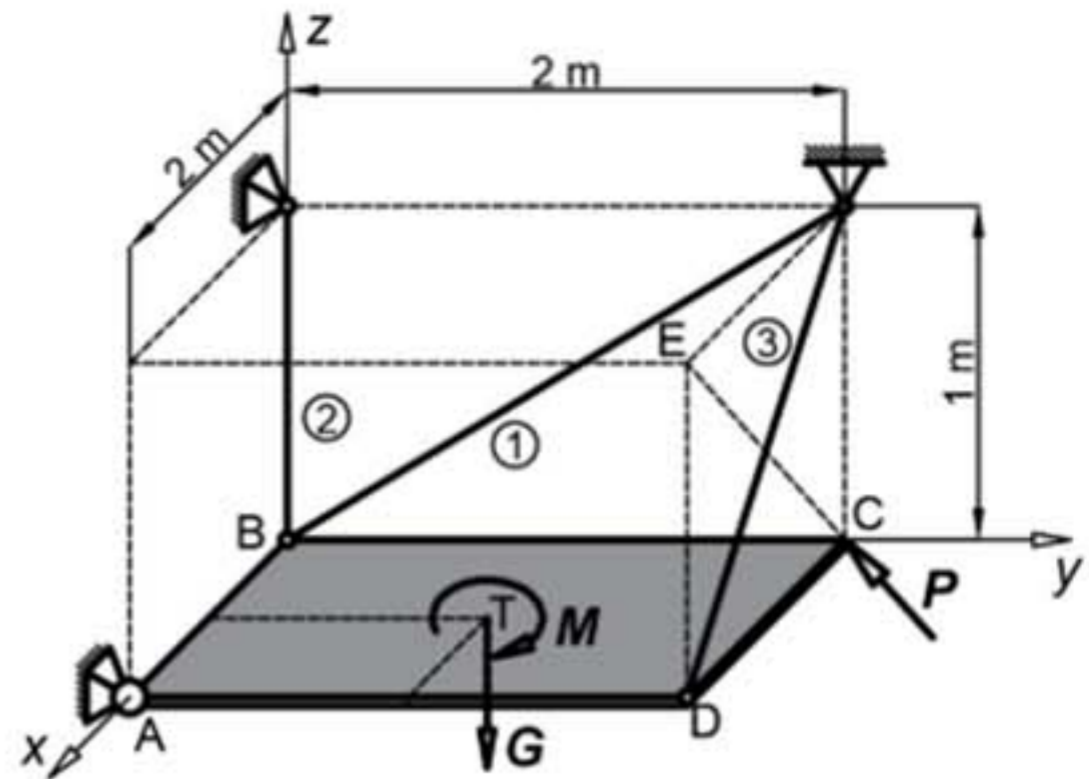


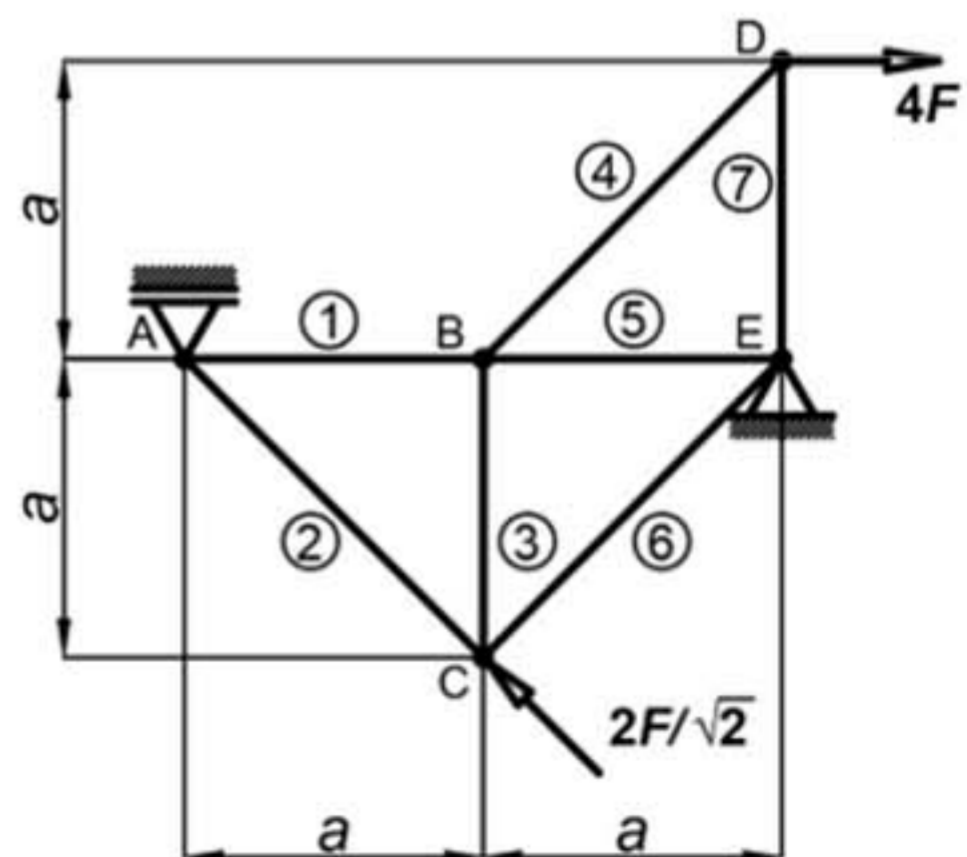
**ЗАВРШНИ ИСПИТ ИЗ СТАТИКЕ**

1. Одредити реакције веза хомогене плоче тежине  $G = 4 \text{ kN}$  приказане на слици. На плочу у тачки С дјелује сила  $P$  интензитета  $8 \text{ kN}$ , чији се правац поклапа са правцем дијагонале  $CE$ . У тачки А је плоча везана за сферни зглоб, а у тачкама В и D за лаке круте штапове. У равни плоче дјелује момент  $M$  интензитета  $4 \text{ kNm}$ .



2. Аналитички одредити отпоре ослонаца/укљештења рама приказаног на слици и нацртати статичке дијаграме, ако је  $F = 4 \text{ kN}$ ,  $q = 2 \text{ kN/m}$  и  $a = 1 \text{ m}$ . Израчунати момент савијања и трансферзалну силу у пресеку  $p \div p$ , а потом екстремну вриједност момента савијања у пољу  $G \div D$ , уколико постоји.

3. Одредити реакције ослонаца равнског решеткастог носача приказаног на слици. Потом одредити силе у штаповима Кремонином методом и утврдити врсту оптерећења којем су штапови изложени. Добијене резултате провјерити Ритеровом методом за штапове 4, 5 и 6.  
 Дато је:  $F = 6 \text{ kN}$  и  $a = 0,5 \text{ m}$ .



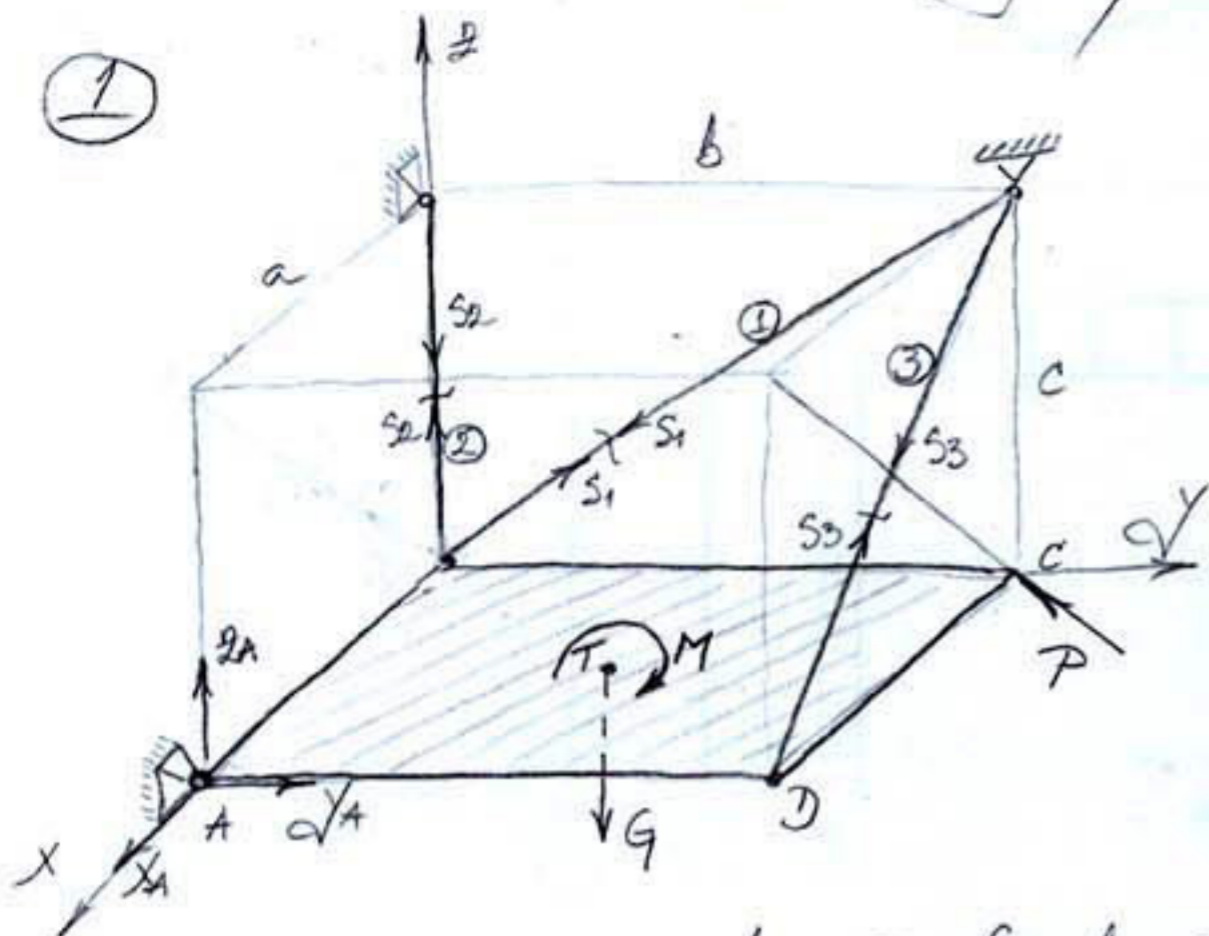
Предметни наставник:  
 Проф. др Оливера Јовановић

Сарадник:  
 Раде Грујићић

# Статика - закрытый контур

Група I

①



$$\sum M_x = 0 \Rightarrow -G \cdot \frac{b}{2} + P \frac{c}{\sqrt{a^2+c^2}} b + S_3 \frac{c}{\sqrt{a^2+c^2}} b = 0 \quad | :b \Rightarrow S_3 = \frac{\sqrt{a^2+c^2}}{c} \left( P \frac{c}{\sqrt{a^2+c^2}} - \frac{G}{2} \right)$$

$$\underline{S_3} = -P + \frac{G \sqrt{a^2+c^2}}{2c} = -8 + \frac{4 \sqrt{4+1}}{2 \cdot 1} = \underline{-3,53 \text{ kN}}$$

$$\sum M_y = 0 \Rightarrow G \cdot \frac{a}{2} - S_3 \frac{c}{\sqrt{a^2+c^2}} \cdot a - Z_A \cdot a = 0 \quad | :a$$

$$Z_A = \frac{G}{2} + \left( P - \frac{G \sqrt{a^2+c^2}}{2c} \right) \frac{c}{\sqrt{a^2+c^2}} = P \frac{c}{\sqrt{a^2+c^2}} = \frac{8}{\sqrt{5}} \text{ kN} = \underline{3,58 \text{ kN}}$$

$$\sum M_z = 0 \Rightarrow -M + Y_A \cdot a + S_3 \frac{a}{\sqrt{a^2+c^2}} b - P \frac{a}{\sqrt{a^2+c^2}} b = 0$$

$$Y_A = \frac{1}{a} \left[ M - \frac{ab}{\sqrt{a^2+c^2}} \left( -P + \frac{G \sqrt{a^2+c^2}}{2c} \right) + P \frac{ab}{\sqrt{a^2+c^2}} \right]$$

$$\underline{Y_A} = \frac{1}{a} \left[ M + 2P \frac{ab}{\sqrt{a^2+c^2}} - G \frac{ab}{2c} \right] = \frac{1}{2} \left[ 4 + 16 \frac{4}{\sqrt{4+1}} - 4 \frac{4}{2} \right] = \underline{12,31 \text{ kN}}$$

$$\sum X_i = 0 \Rightarrow X_A - S_3 \frac{a}{\sqrt{a^2+c^2}} + P \frac{a}{\sqrt{a^2+c^2}} = 0$$

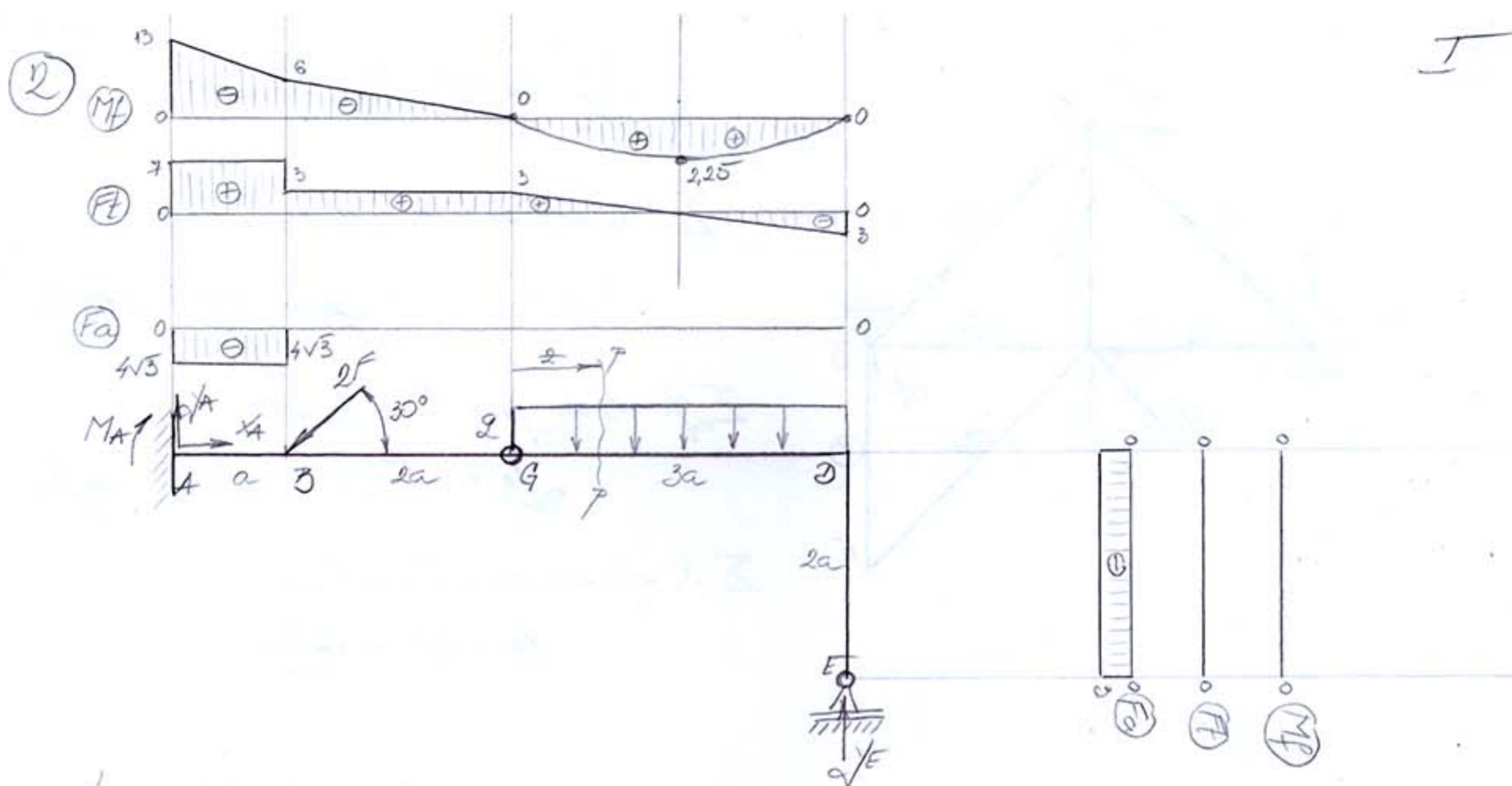
$$X_A = \frac{a}{\sqrt{a^2+c^2}} \left( -P + \frac{G \sqrt{a^2+c^2}}{2c} - P \right) = -2P \frac{a}{\sqrt{a^2+c^2}} + G \frac{a}{2c}$$

$$\underline{X_A} = -2 \cdot 8 \frac{2}{\sqrt{5}} + 4 \frac{2}{2} = \underline{-10,31 \text{ kN}}$$

$$\sum Y_i = 0 \Rightarrow Y_A + S_1 \frac{b}{\sqrt{b^2+c^2}} = 0 \Rightarrow \underline{S_1} = -Y_A \frac{\sqrt{b^2+c^2}}{b} = -12,31 \frac{\sqrt{5}}{2} = \underline{-13,76 \text{ kN}}$$

$$\sum Z_i = 0 \Rightarrow S_2 + Z_A + S_1 \frac{c}{\sqrt{b^2+c^2}} - G + S_3 \frac{c}{\sqrt{a^2+c^2}} + P \frac{c}{\sqrt{a^2+c^2}} = 0$$

$$\underline{S_2} = -3,58 + 13,76 \frac{1}{\sqrt{5}} + 4 - (-3,53 + 8) \frac{1}{\sqrt{5}} = \underline{4,57 \text{ kN}}$$



$$M_G^d = 0 \Rightarrow \sqrt{y_E} \cdot 3a - g \cdot 3a \cdot 1.5a = 0 \Rightarrow \sqrt{y_E} = 1.5ga = 3 \text{ kN}$$

$$\sum M_A = 0 \Rightarrow \sqrt{y_E} \cdot 6a - g \cdot 3a \cdot 4.5a - 2F \sin 30^\circ \cdot a - M_A = 0$$

$$M_A = 3 \cdot 6 - 2 \cdot 3 \cdot 4.5 - 2 \cdot 4 \cdot \frac{1}{2} = -13 \text{ kNm}$$

$$\sum \sqrt{y_i} = 0 \Rightarrow \sqrt{y_A} - 2F \sin 30^\circ - g \cdot 3a + \sqrt{y_E} = 0$$

$$\sqrt{y_A} = 2 \cdot 4 \cdot \frac{1}{2} + 2 \cdot 3 - 3 = 7 \text{ kN}$$

$$\sum X_i = 0 \Rightarrow X_A - 2F \cos 30^\circ = 0 \Rightarrow X_A = 2 \cdot 4 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 6.93 \text{ kN}$$

$$\text{уточка: } M_G^l = 0 \Rightarrow M_A + \sqrt{y_A} \cdot 3a - 2F \sin 30^\circ \cdot 2a = 0$$

$$-13 + 7 \cdot 3 - 2 \cdot 4 \cdot \frac{1}{2} \cdot 2 = 0 \quad \text{Ⓣ}$$

$$M_{A_L}^l = 0$$

$$M_{A_D}^l = M_A = -13 \text{ kNm}$$

$$M_B^l = M_A + \sqrt{y_A} \cdot a = -13 + 7 = -6 \text{ kNm}$$

$$M_G = 0$$

$$M_{D_L}^d = 0$$

$$F_{fTP} = \sqrt{y_A} - 2F \sin 30^\circ - g \cdot 2$$

$$= 7 - 4 - 2 = 3 - 2 = 1$$

$$F_f = 0 \quad 3a - 2 = 0 \Rightarrow \underline{z = 1.5 \text{ m}}$$

$$M_{fTP} = M_A + \sqrt{y_A} (3a + z) - \frac{2F \sin 30^\circ (2a + z)}{4}$$

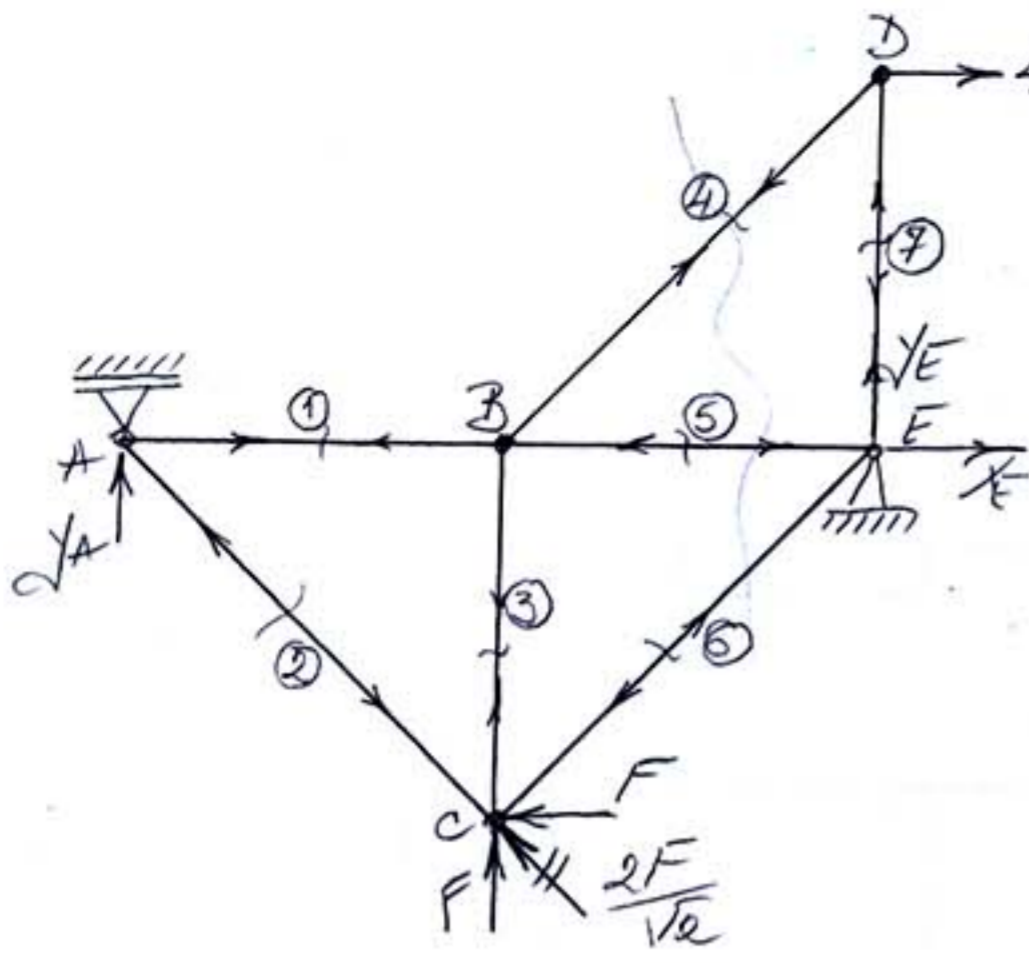
$$- g \cdot z \cdot \frac{z}{2}$$

$$= -13 + 21 + 7z - 8 - 4z - z^2$$

$$= 3z - z^2$$

$$M_f(z=1.5) = M_{f_{max}} = 3 \cdot 1.5 - 1.5^2 = 2.25 \text{ kNm}$$

3



$$\frac{2F}{\sqrt{2}} \frac{\sqrt{2}}{2} = F$$

I

$$\sum M_E = 0 \Rightarrow 2Y_A \cdot 2a + 4F \cdot a + \frac{2F}{\sqrt{2}} \cdot a \cdot \sqrt{2} = 0 / : a$$

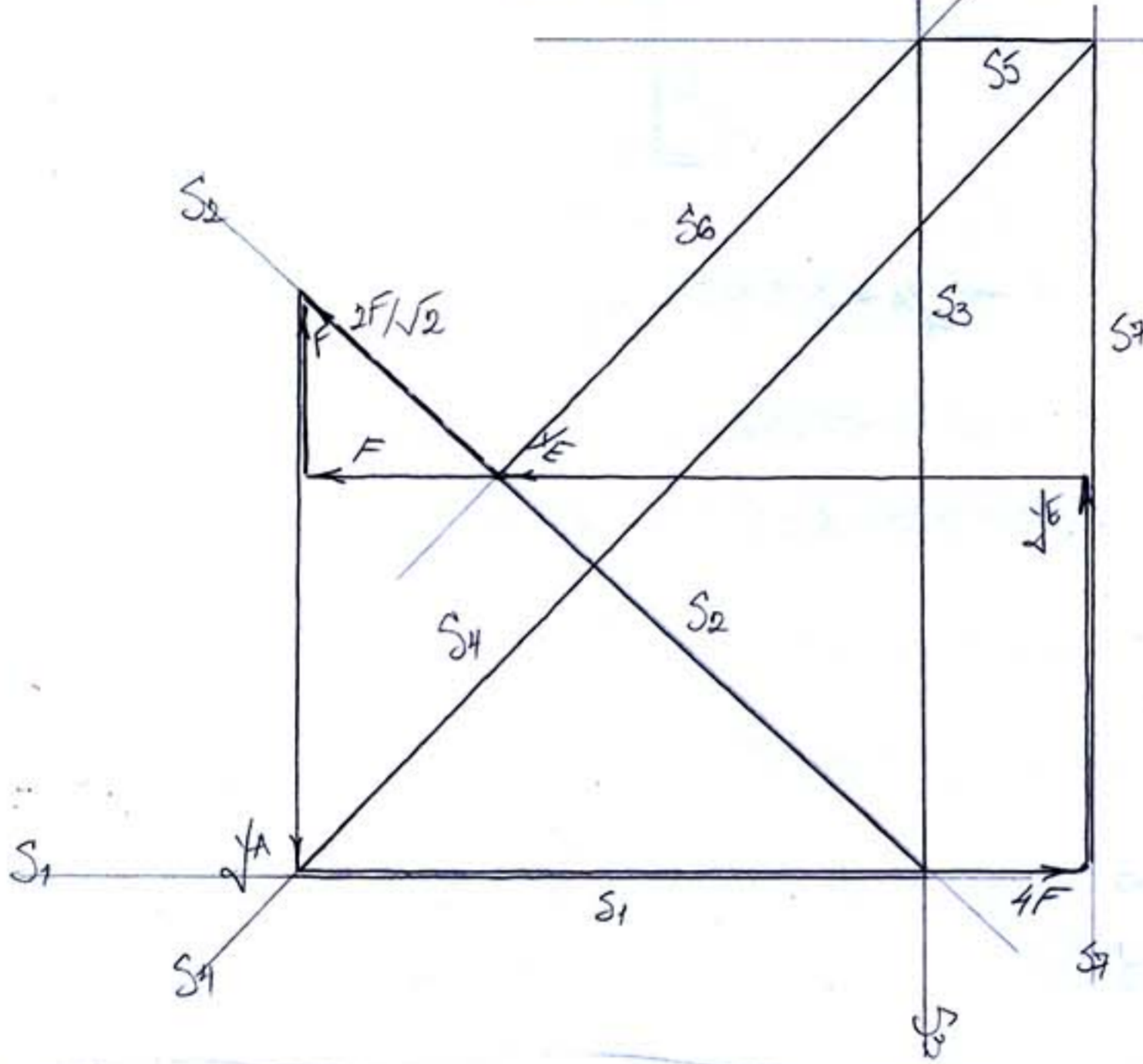
$$2Y_A + 4F + 2F = 0$$

$$Y_A = -3F = -18 \text{ kN}$$

$$\sum Y_i = 0 \Rightarrow Y_A + F + Y_E = 0$$

$$Y_E = -Y_A - F = 2F = 12 \text{ kN}$$

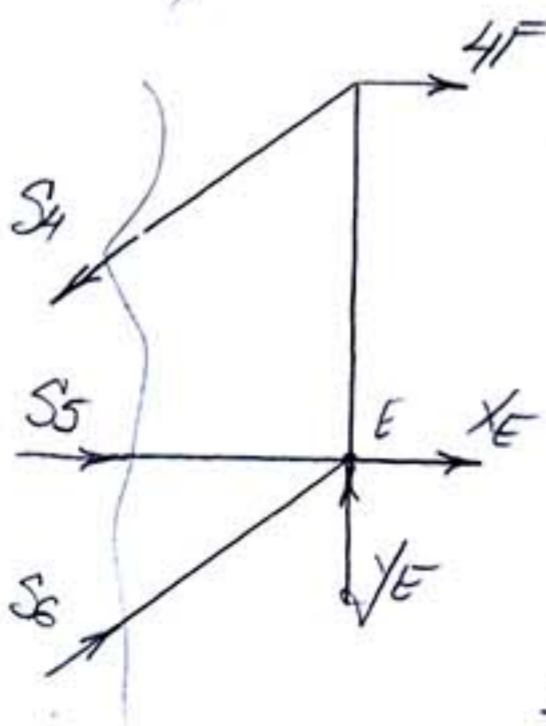
$$\sum X_i = 0 \Rightarrow -F + 4F + X_E = 0 \Rightarrow X_E = -3F = -18 \text{ kN}$$



- $S_1 = Y_A = 18$
- $S_2 = Y_A \sqrt{2} = 18\sqrt{2}$
- $S_6 = Y_E \sqrt{2} = 12\sqrt{2}$
- $S_3 = 2Y_E = 24$
- $S_5 = 4F - S_1 = 24 - 18 = 6$
- $S_7 = S_3 = 24$
- $S_4 = S_7 \sqrt{2} = 24\sqrt{2}$

	изучаю метод	
$S_1$		18
$S_2$	$18\sqrt{2}$	
$S_3$		24
$S_4$		$24\sqrt{2}$
$S_5$	6	
$S_6$	$12\sqrt{2}$	
$S_7$	24	

Решение метода



$$\sum M_E = 0 \Rightarrow 4F \cdot a - S_4 \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot a = 0 / : a$$

$$S_4 = \frac{2}{\sqrt{2}} 4F = \frac{2}{\sqrt{2}} \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \cdot 24 = 24\sqrt{2} \text{ kN}$$

$$\sum Y_i = 0 \Rightarrow Y_E + S_6 \frac{\sqrt{2}}{2} - S_4 \frac{\sqrt{2}}{2} = 0$$

$$S_6 = \sqrt{2} (S_4 \frac{\sqrt{2}}{2} - Y_E) = \sqrt{2} (24\sqrt{2} \frac{\sqrt{2}}{2} - 12) = 12\sqrt{2} \text{ kN}$$

$$\sum X_i = 0 \Rightarrow S_5 + X_E + 4F + S_6 \frac{\sqrt{2}}{2} - S_4 \frac{\sqrt{2}}{2} = 0$$

$$S_5 = +18 - 24 - 12\sqrt{2} \frac{\sqrt{2}}{2} + 24\sqrt{2} \frac{\sqrt{2}}{2} = 6 \text{ kN}$$